

Max-Max B.M.D. & S.F.D. For Beams.

نسألكم الدعاء

If you download the Free **APP. RC Structures**  on your smart phone or tablet, you will be able to play illustrative movies For any paragraph that has a QR code icon 

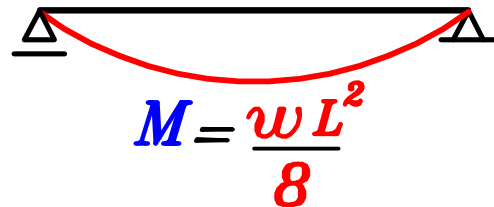
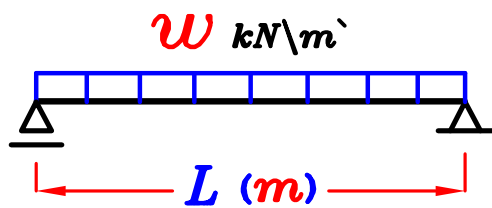
إذا حملت تطبيق **RC Structures**  على تليفونك المحمول أو اللوح السطحي ستستطيع أن تشغل أفلام شرح للمقاطع التي تحتوى على رمز 

Max-Max B.M.D. & S.F.D. Table of Contents.

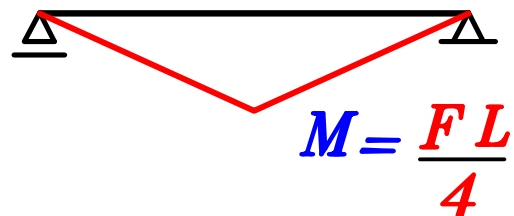
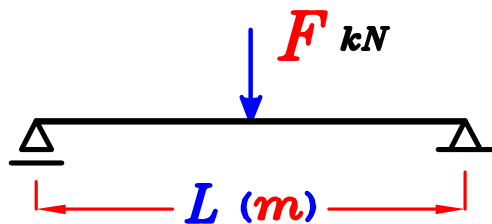
Revision on Drawing B.M.D.	Page 2
Intermediate Hinge.	Page 5
B.M.D. For Inclined Beams.	Page 6
Max-Max B.M.D.	Page 8
Max-Max S.F.D.	Page 18
Max-Max B.M.D. For Frames.	Page 24
Continuous Beams.	Page 34

سنحتاج في البدايه أن نتذكر رسم ال **B.M.D.** للكمرات ال **Determinate**

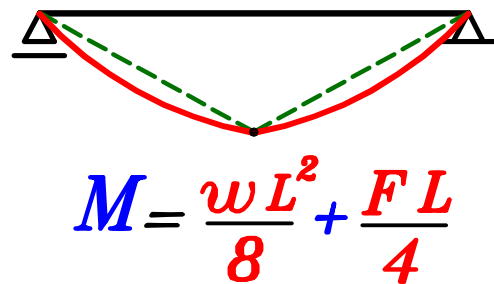
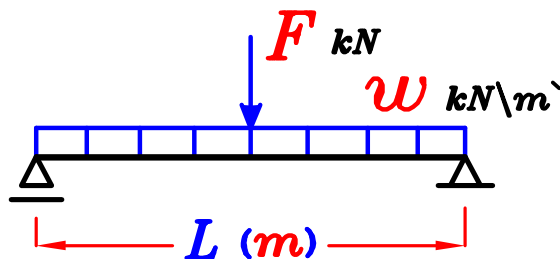
① Simple Beam subjected to distributed Load.



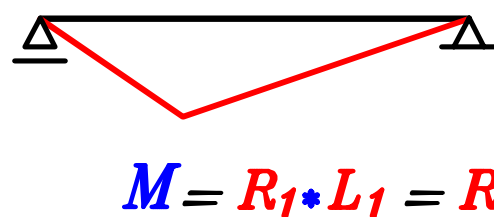
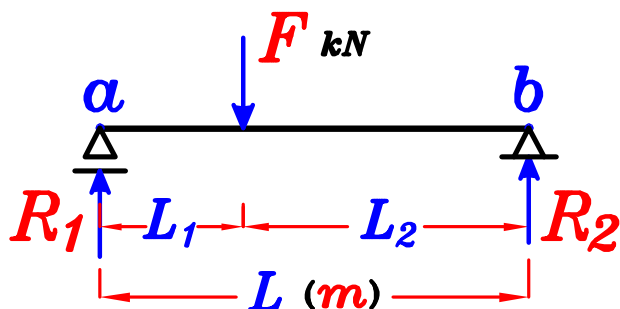
② Simple Beam subjected to concentrated Load at the mid. span.



③ Simple Beam subjected to distributed Load + concentrated Load at the mid. span.



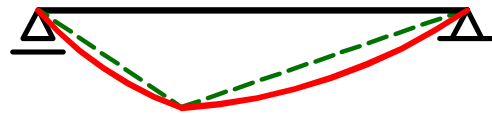
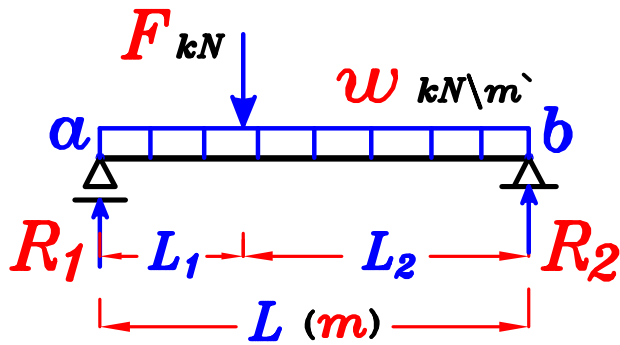
④ Simple Beam subjected to concentrated Load not at the mid. span.



$$\sum M_b = \text{Zero} \xrightarrow{\text{Get}} R_1$$

$$\sum Y_a = \text{Zero} \xrightarrow{\text{Get}} R_2$$

⑤ Simple Beam subjected to distributed Load + concentrated Load not at the mid. span.



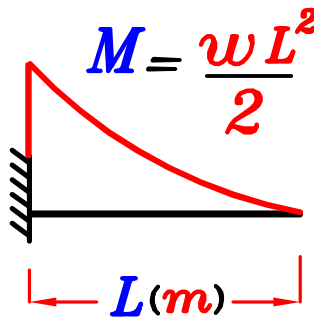
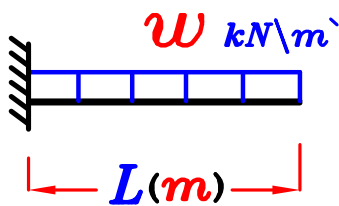
$$M = R_1 * L_1 - \frac{w * L_1^2}{2}$$

$$M = R_2 * L_2 - \frac{w * L_2^2}{2}$$

$$\sum M_b = \text{Zero} \xrightarrow{\text{Get}} R_1$$

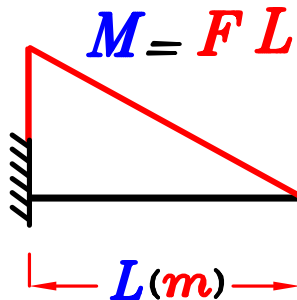
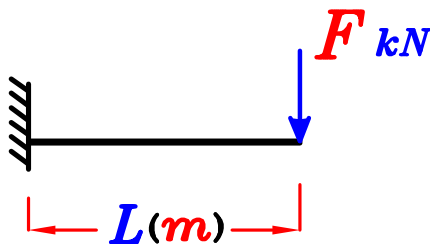
$$\sum Y_a = \text{Zero} \xrightarrow{\text{Get}} R_2$$

⑥ Cantilever subjected to distributed Load.



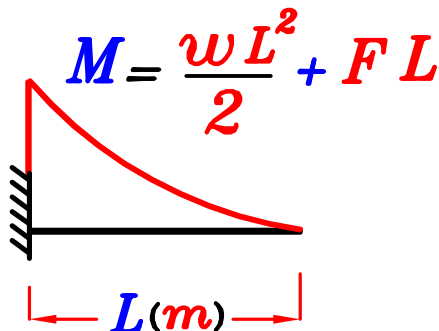
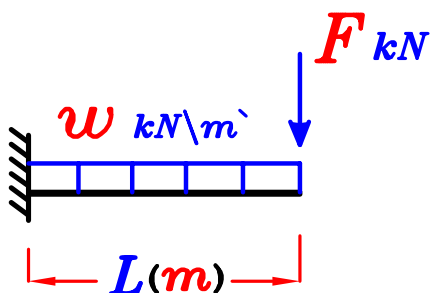
$$M = \frac{w L^2}{2}$$

⑦ Cantilever subjected to concentrated Load at the End of the cantilever.



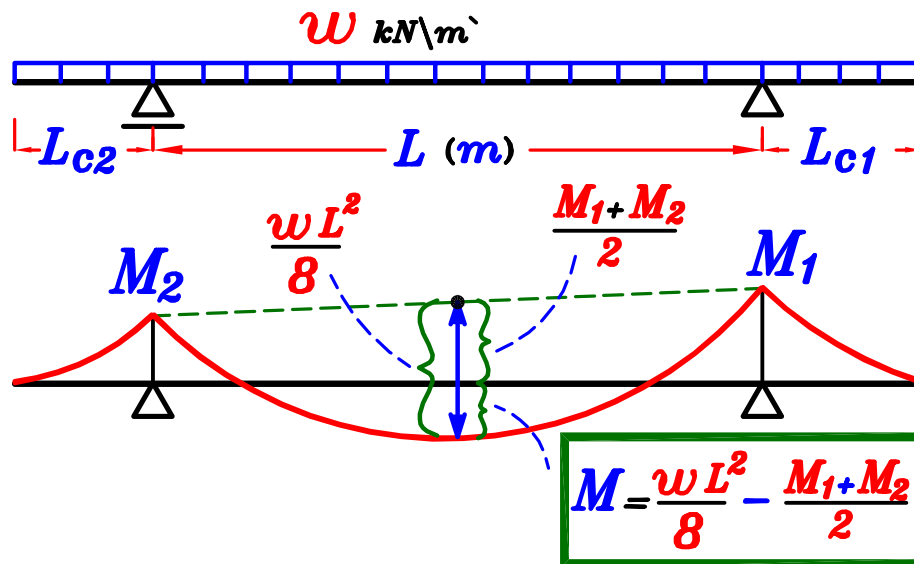
$$M = F L$$

⑧ Cantilever subjected to distributed load + concentrated Load at the End of the cantilever.

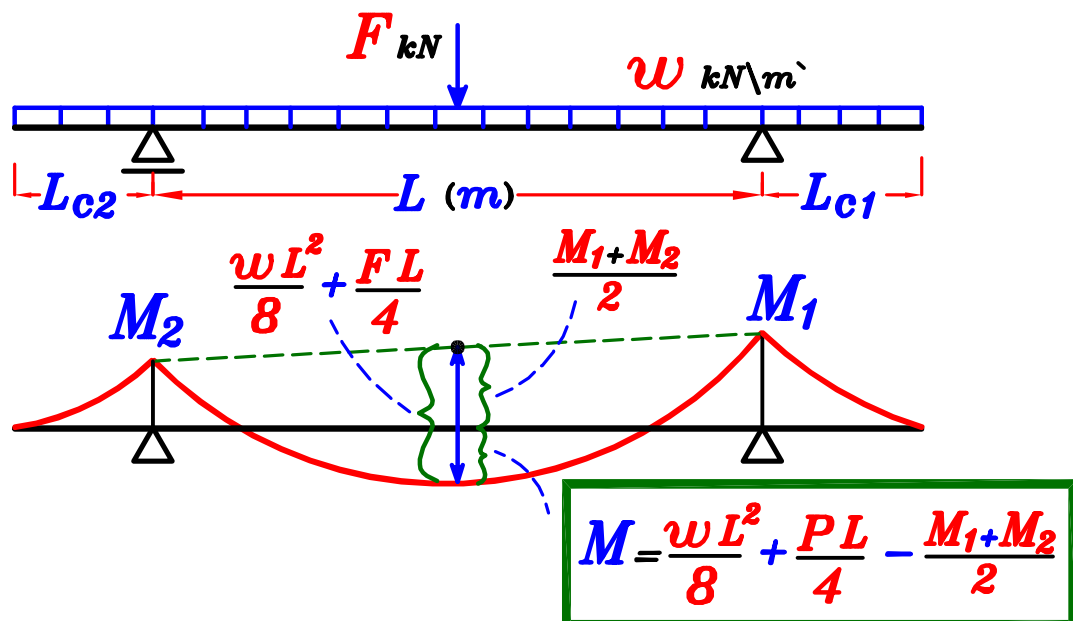


$$M = \frac{w L^2}{2} + F L$$

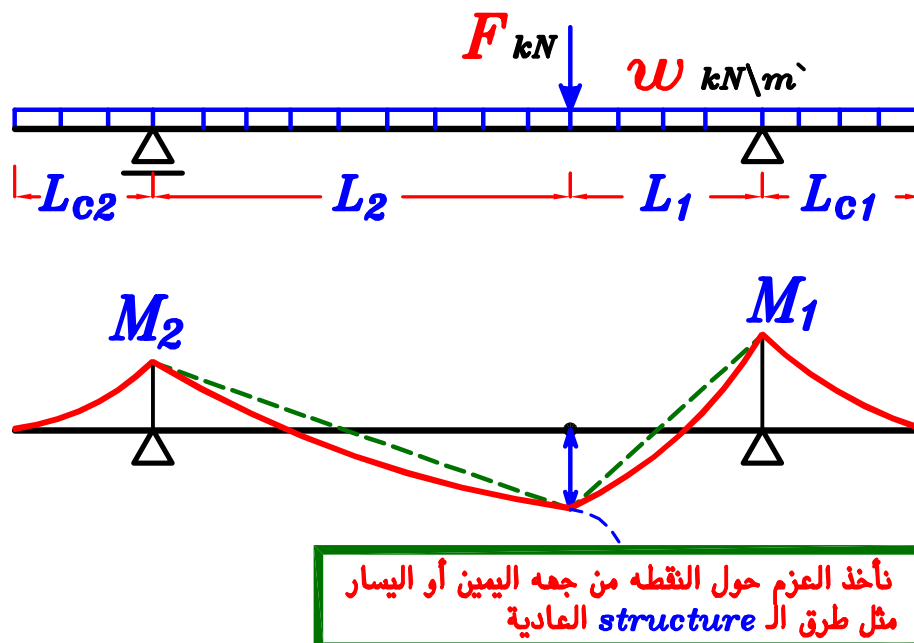
⑨ Beam with two cantilever subjected to distributed Load.



⑩ Beam with two cantilever subjected to distributed Load + concentrated load at the mid. span.



⑪ Beam with two cantilever subjected to distributed Load + concentrated load not at the mid. span.

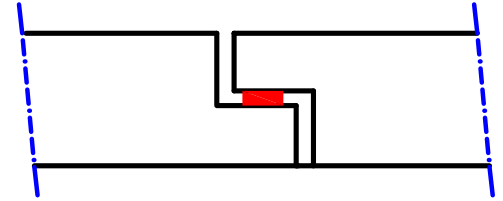
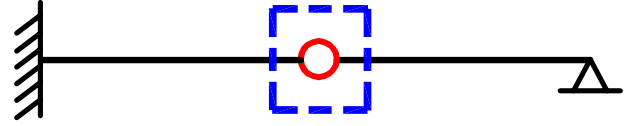


IF there is an Intermediate Hinge.

تعريف ال **Intermediate Hinge. (I.H.)**

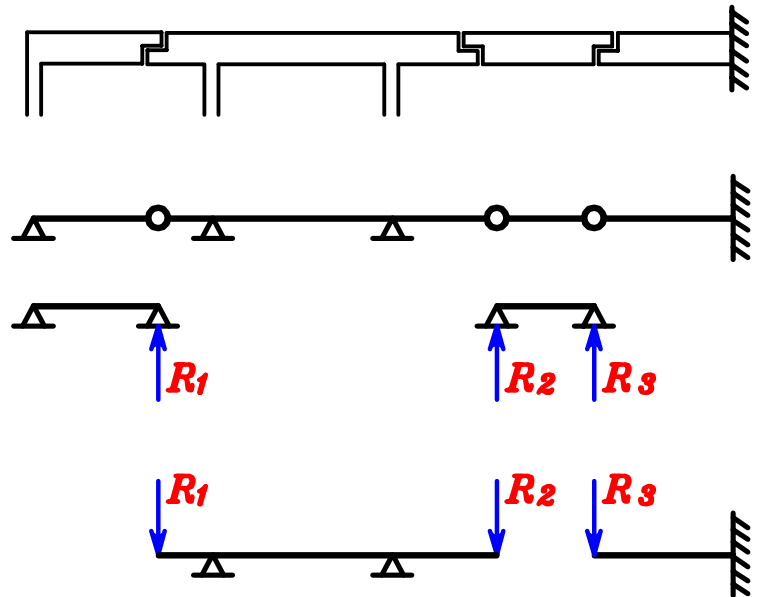
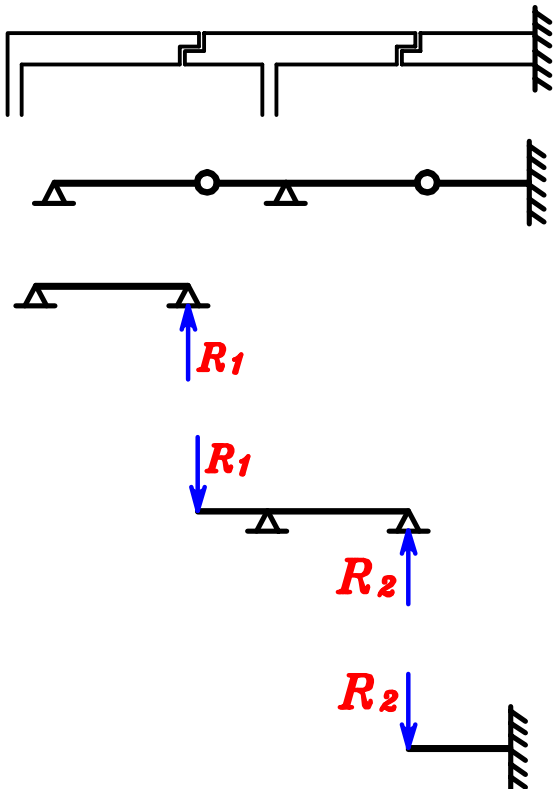
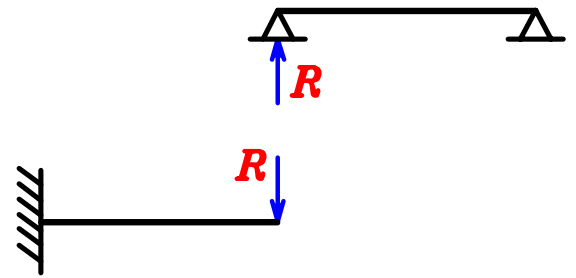
هى عبارة عن وصله توجد فى الكمره توصل ال **Normal Force** , **Shear Force** و لا توصل ال **moment** . أى يكون دائما ال **moment** عندها يساوى صفر

لا يوجد **Moment** $M = \text{Zero}$
و يوجد عندها **Shear Force**



ملحوظه

ال **I.H.** تقسم الكمره الى أجزاء منفصله
و يكون هناك جزء محمول على الجزء الآخر
و يجب أن تكون الأجزاء متزنه .

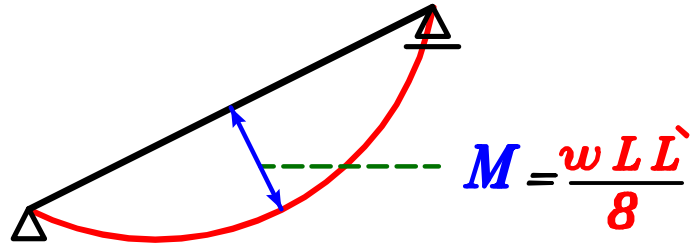
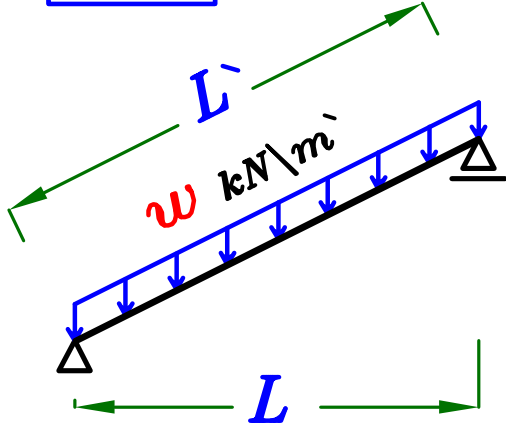


① VL. Distributed Load on Inclined Line.



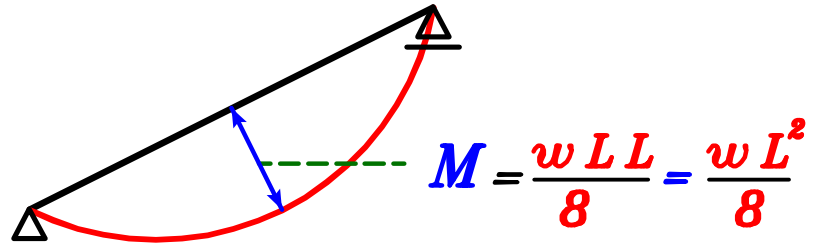
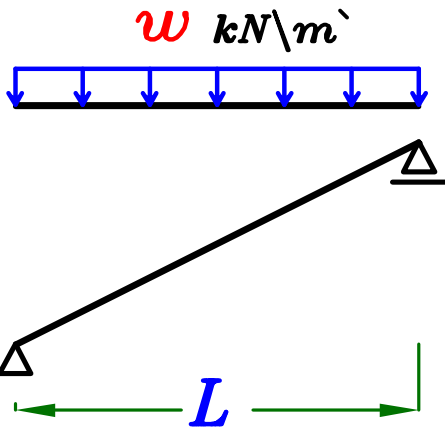
الحمل موضوع على الطول المائل و إتجاه الحمل رأسى لأسفل.
مثل الأحمال الميتة (وزن الخرسانه) على السلاالم .

ملحوظه أى وزن يكون إتجاهه رأسى لأسفل



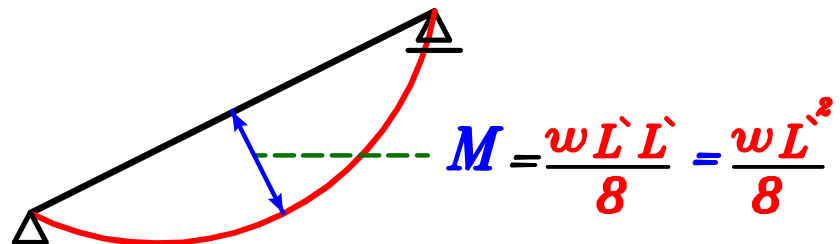
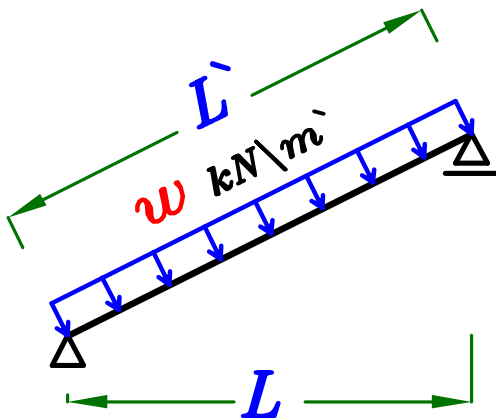
② VL. Distributed Load on Horizontal projection.

الحمل موضوع على الطول الأفقى و إتجاه الحمل رأسى لأسفل.
مثل الأحمال الحيه (وزن الناس) على السلاالم .

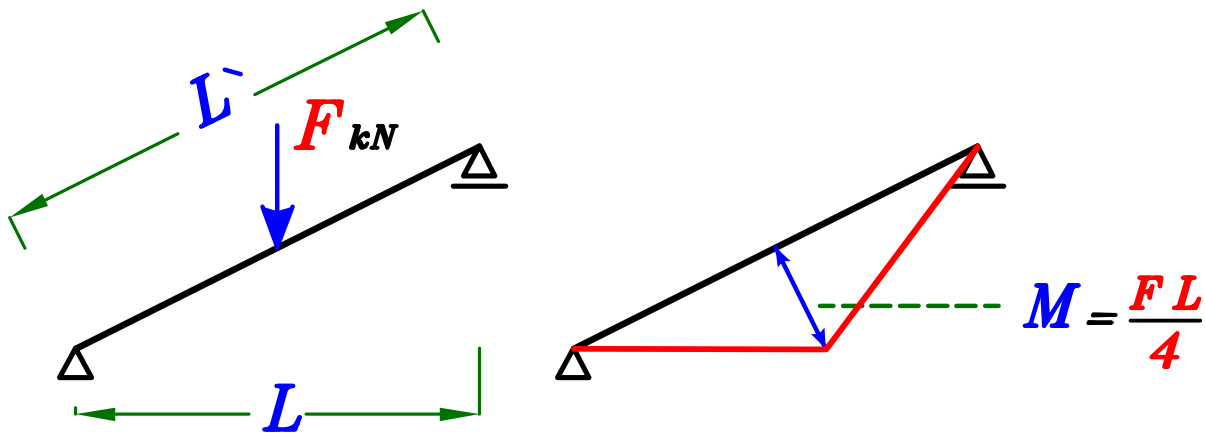


③ Inclined Distributed Load on Inclined Line.

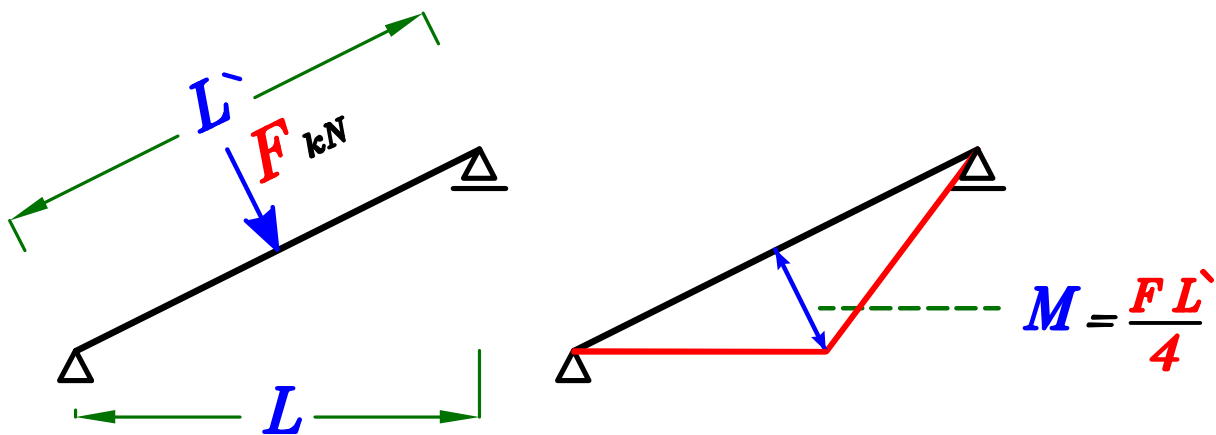
الحمل موضوع على الطول المائل و إتجاه الحمل عمودى على المائل.
مثل الرياح و ضغط المياه على الأسطح المائلة .



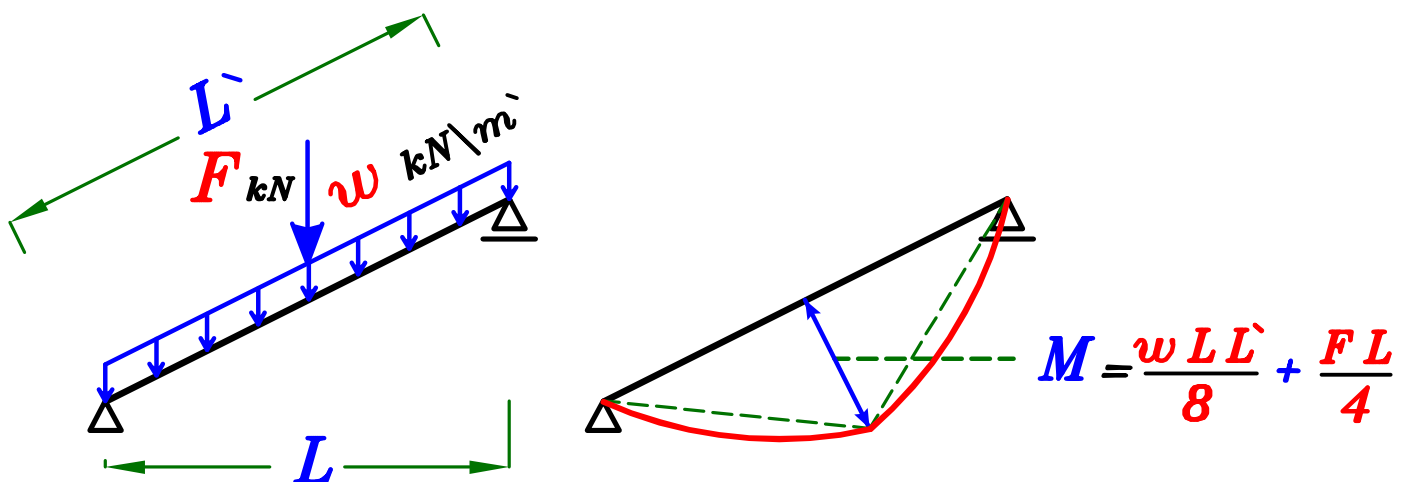
④ VL. Concentrated load at the mid. span on inclined line.



⑤ Inclined Concentrated load at the mid. span on inclined line.



⑥ VL. distributed load on inclined line
+ VL. Concentrated load at the mid. span on inclined line.



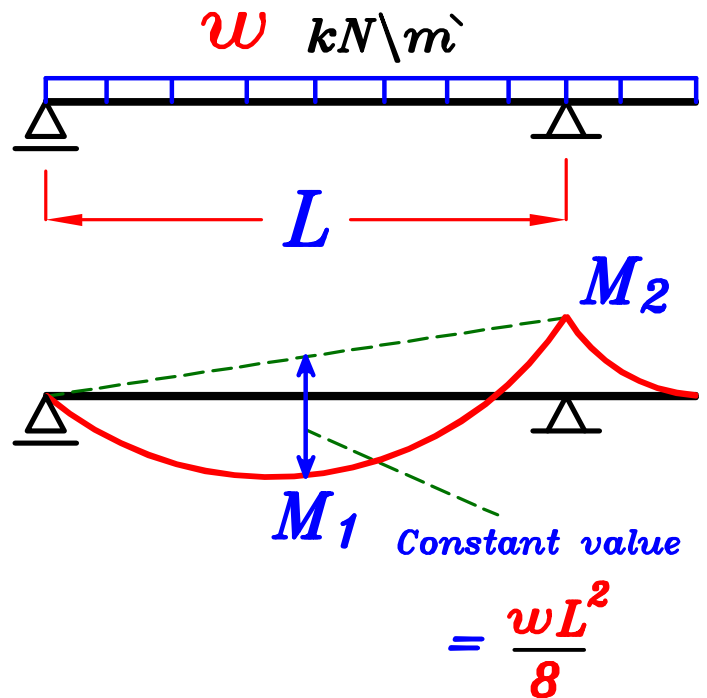
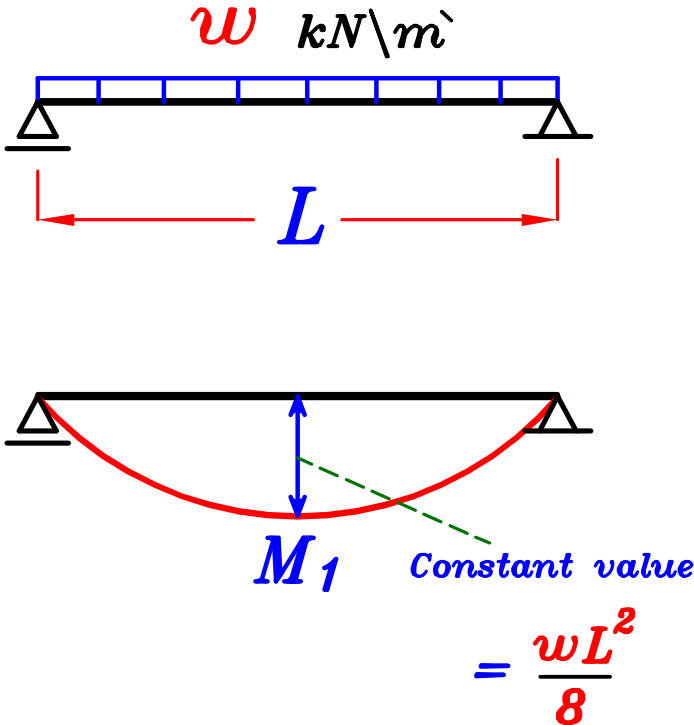
Max-Max B.M.D.

- تُصمّم مقاطعات الكمره على أكبر عزم (*moment*) ممكن أن يؤثر عليها .
و نظراً لإختلاف حالات التحميل على الكمره كتحرك الناس و الأثاث
داخل المباني ، فتختلف قيم ال (*moment*) على الكمرات فى كل حاله تحميل .
لذا فنعمل على تحميل الكمرات بطرق مختلفه لكى نستطيع أن نحدد
أكبر (*moment*) ممكن أن يؤثر على القطاع لكى نصمم عليه .

معنى ال max.-max. B.M.D.

هى أقصى عزوم ممكن أن تتواجد على المنشأ تحت ظروف التحميل المختلفه .

ملحوظه



كلما كانت قيمه M_2 أكبر كلما قلت قيمه M_1 لأن قيمه $\frac{wL^2}{8}$ ثابتة .

أنواع الأحمال. Types of loads.

توجد عدة أنواع من الأحمال ممكن أن تؤثر على المبنى و منها :

١- الأحمال الميتة . 1- Dead Loads.

- و هى الأحمال الثابته التى لا يمكن أن تتحرك .
- و هى مثل أوزان الخرسانه نفسها (وزن البلاطات و الكمرات و الأعمده) .
- و مثل وزن الحوائط و مثل وزن الارضيه (**Floor cover**)
- (و الأرضيه ممكن أن تكون بلاط أو خشب باركيه أو سيراميك أو رخام) .
- (بالنسبه للأرضيه من الممكن تغييرها و لكن حتى إذا تم إزاله هذه الأرضيه فإنه يتم وضع أرضيه غيرها أى تعتبر دائما موجوده لذا نعتبرها احمال ميتة) .
- و يرمز للأحمال الميتة فى الكود بحرف (**g**) إذا كانت الأحمال منتظمه (**Distributed Load**) .
- و يرمز لها بحرف (**G**) إذا كانت الأحمال الميتة مركزه (**Concentrated Load**)

٢- الأحمال الحيه . 2- Live Loads.

- و هى الأحمال التى من الممكن أن تتحرك .
- مثل أوزان الناس و أوزان الاثاث .
- و يرمز للأحمال الحيه فى الكليه بحرف (**p**) اذا كانت الأحمال منتظمه (**Distributed Load**) .
- و يرمز لها بحرف (**P**) اذا كانت الأحمال الحيه مركزه (**Concentrated Load**)

$$g = \text{Dead Load (Distributed Load)} \quad kN/m$$

$$G = \text{Dead Load (Concentrated Load)} \quad kN$$

$$p = \text{Live Load (Distributed Load)} \quad kN/m$$

$$P = \text{Live Load (Concentrated Load)} \quad kN$$

$$w = \text{Total Load} = g + p \quad (\text{Distributed Load}) \quad kN/m$$

$$W = \text{Total Load} = G + P \quad (\text{Concentrated Load}) \quad kN$$

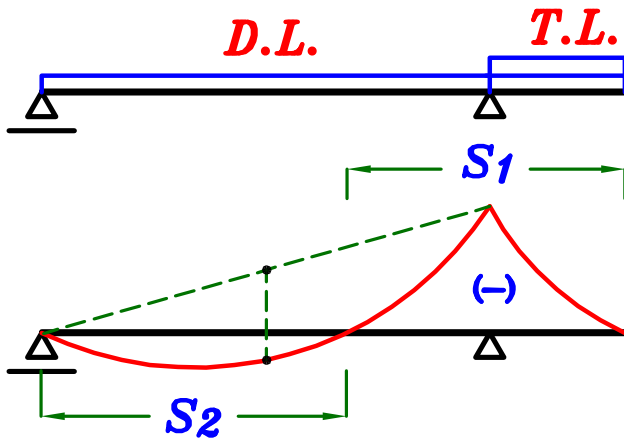
Cases of Loading.



إذا كان هناك **beam with cantilever** مثلاً غرفة معيشة و معها بلكونه

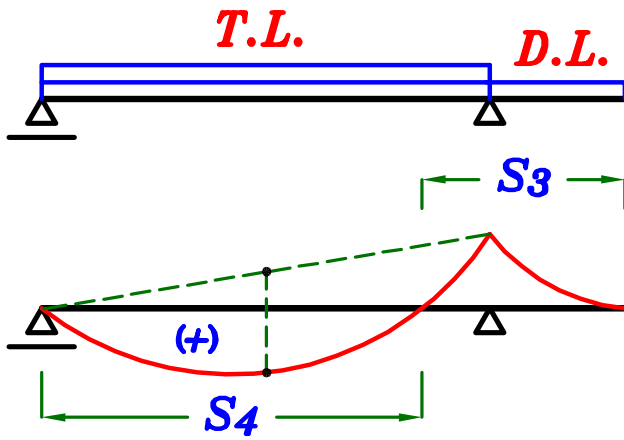


بالطبع الغرفة و البلكونه يقع عليهم **D.L.**



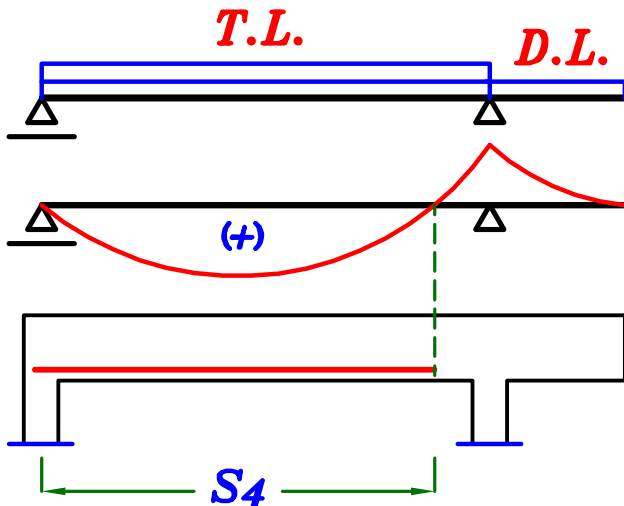
إذا وجد **L.L.** يقع على البلكونه فقط ستحمل البلكونه **D.L. + L.L. = T.L.** و الغرفة **D.L.** فقط

فى هذه الحاله ستكون قيمه **-Ve B.M.** على ال **cantilever** كبيره و طولها **S1** يكون كبير و قيمه **+Ve B.M.** على ال **span** صغيره و طولها **S2** يكون صغير

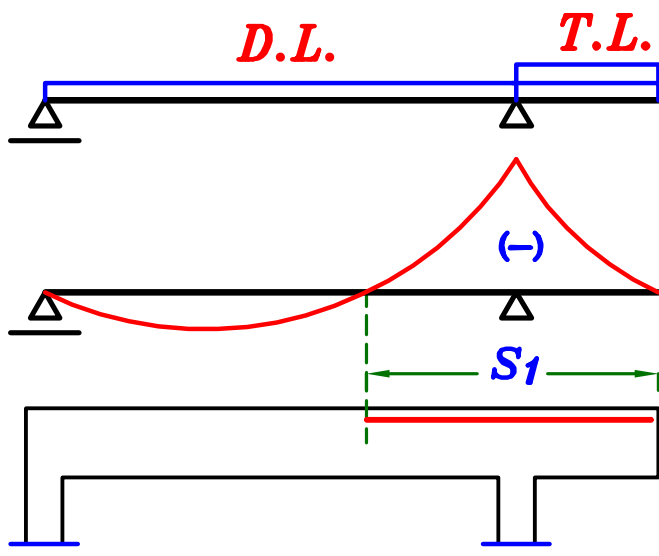


إذا تحرك ال **L.L.** تاركا البلكونه الى الغرفة ستحمل الغرفة **D.L. + L.L. = T.L.** و البلكونه **D.L.** فقط

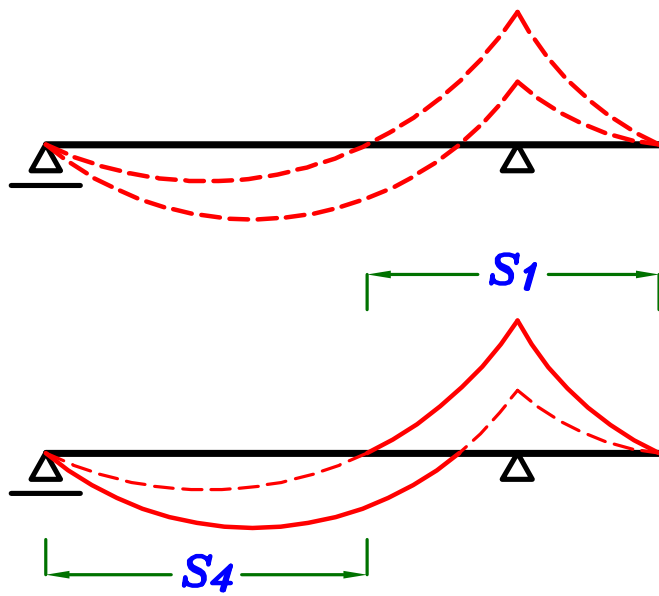
فى هذه الحاله ستكون قيمه **-Ve B.M.** على ال **cantilever** صغيره و طولها **S3** يكون صغير و قيمه **+Ve B.M.** على ال **span** كبيره و طولها **S4** يكون كبير .



عند تصميم الكمره و حساب الحديد السفلى سنحتاج لتصميم الكمره على اكبر عزم سفلى و سيكون هذا من الحاله الثانيه و سيتمدد الحديد السفلى حتى نهايه العزم السفلى أى حتى مسافه **S4**



عند تصميم الكمره و حساب الحديد العلوى
سنحتاج لتصميم الكمره على اكبر عزم علوى
و سيكون هذا من الحاله الاولى
و سيتمدد الحديد العلوى حتى نهايه العزم العلوى
أى حتى مسافه S_1

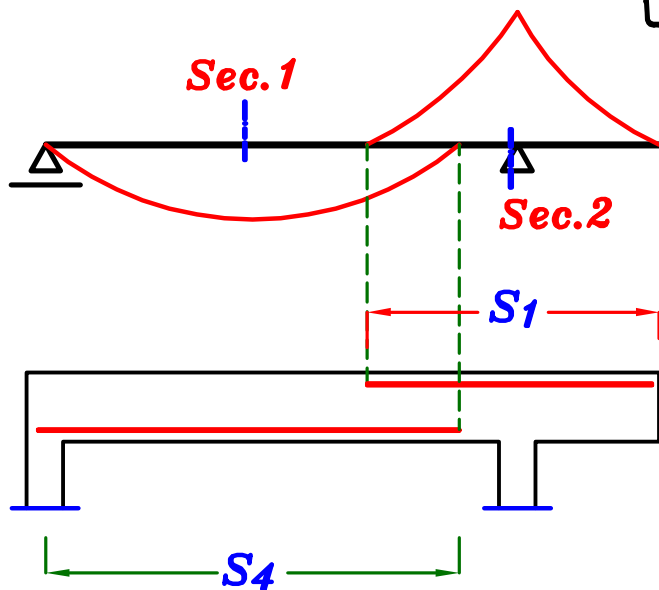


اذا لتصميم الكمره على اكبر عزم سفلى و اكبر
عزم علوى و مد الحديد السفلى لاكبر مسافه
عليها عزم سفلى و مد الحديد العلوى لاكبر
مسافه عليها عزم علوى .

سنحتاج لرسم العزم فى حالتى التحميل
على نفس الشكل .

و هذا الشكل يسمى $max-max$ B.M.D.

$max-max$ B.M.D.



و عن طريق ال $max-max$ B.M.D.

سنحدد اماكن القطاعات التى عليها اكبر عزوم لتصميمها

و سنحدد قيم اكبر عزوم من الممكن ان تؤثر على الكمره
تحت تأثير حالات التحميل المختلفه .

و سنحدد اطوال اسياخ الحديد التى سنحتاجها لتحمل
اكبر عزوم سفليه او علويه .

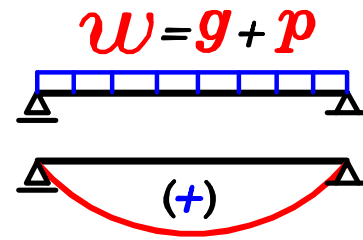
Absolute (Max-Max) B.M.D. For Beams.

توجد لكل كمره عدة حالات من التحميل لتحديد أكبر عزوم على الكمره .

① Simple Beam.

Max. (+ve) B.M.

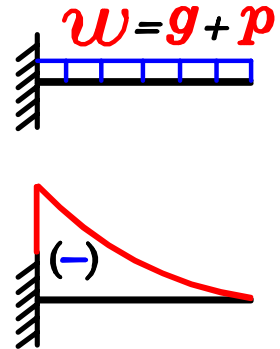
NO (-ve) B.M.



② Cantilever Beam.

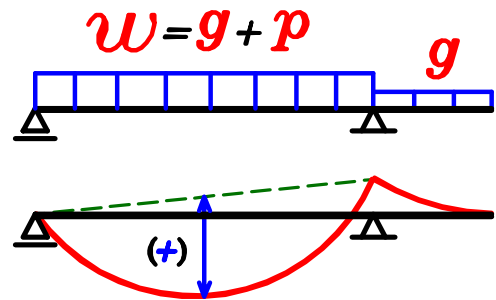
Max. (-ve) B.M.

NO (+ve) B.M.

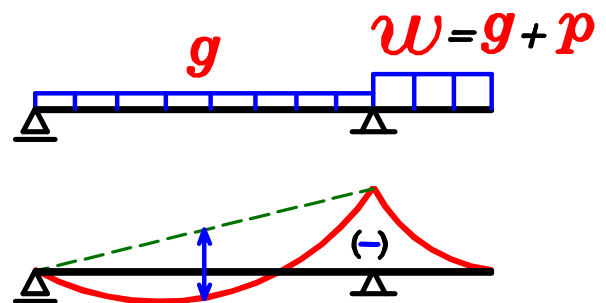


③ Beam with Cantilever.

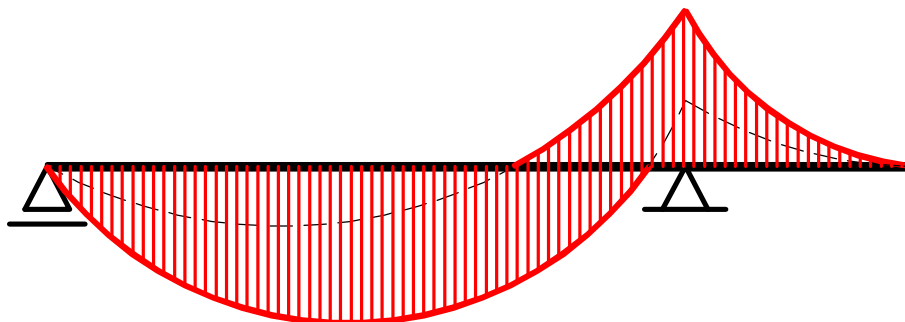
a) Max. (+ve) B.M.



b) Max. (-ve) B.M.

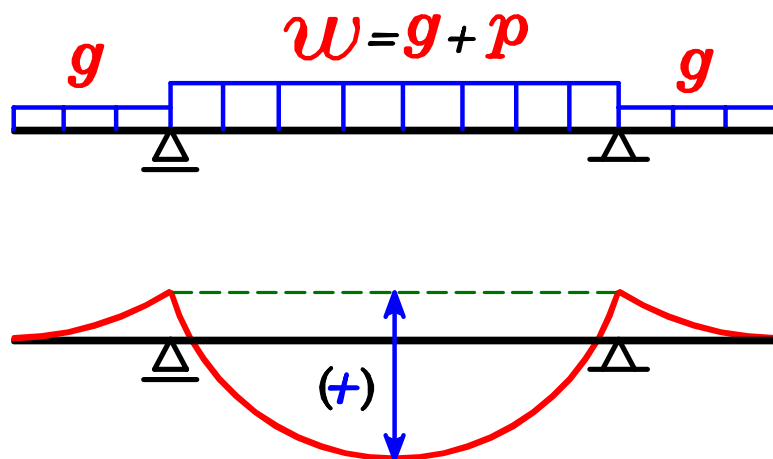


Max-Max B.M.D.

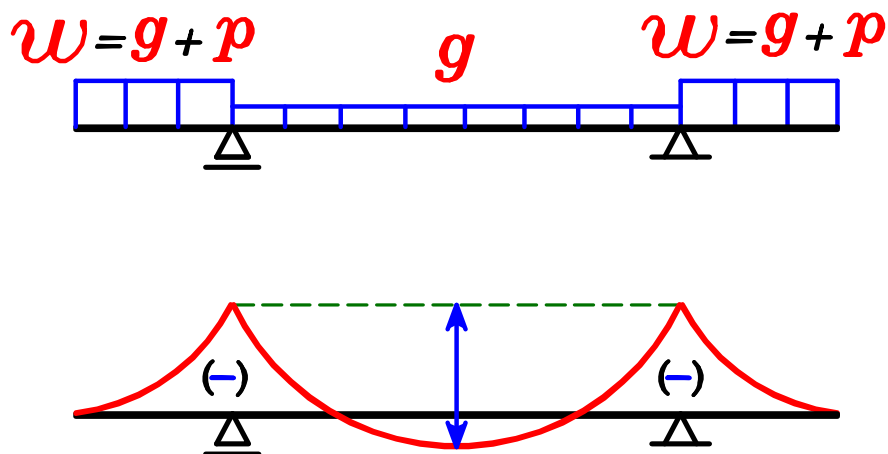


④ Beam with 2 Cantilevers.

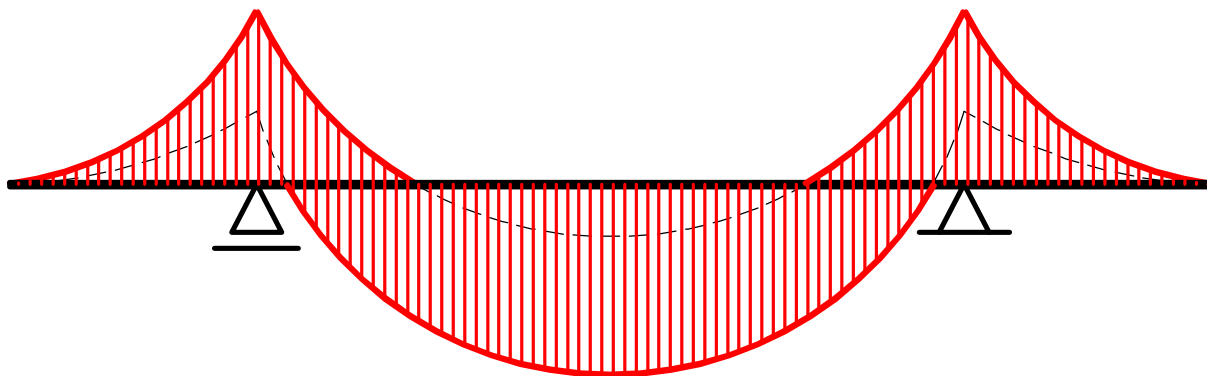
① *Max. (+ve) B.M.*



② *Max. (-ve) B.M.*



Max-Max B.M.D.



Example.

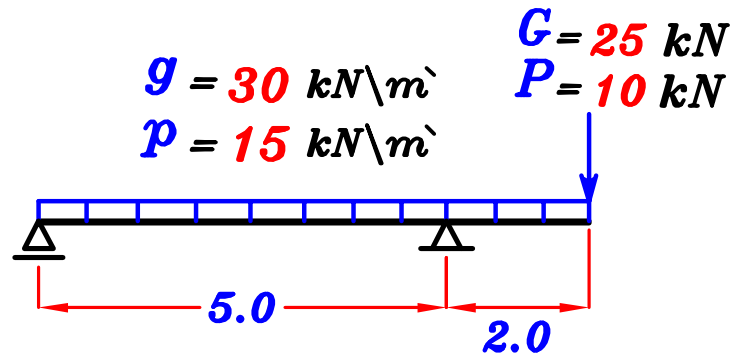
Draw Max-Max B.M.D.

$g = D.L.$ (Distributed Load)

$G = D.L.$ (Concentrated Load)

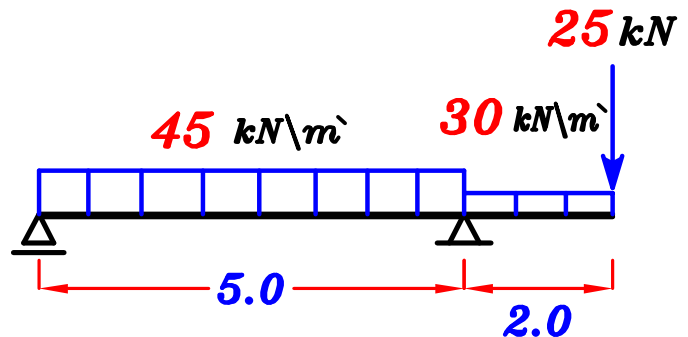
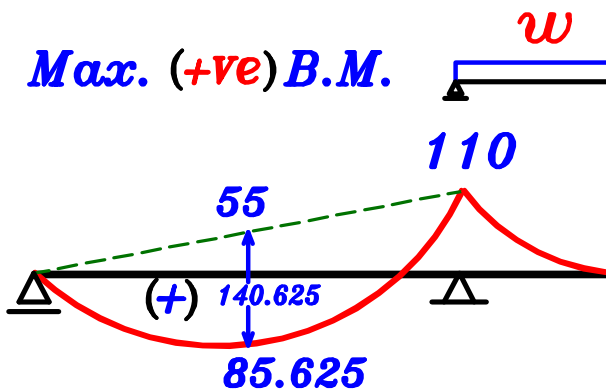
$p = L.L.$ (Distributed Load)

$P = L.L.$ (Concentrated Load)

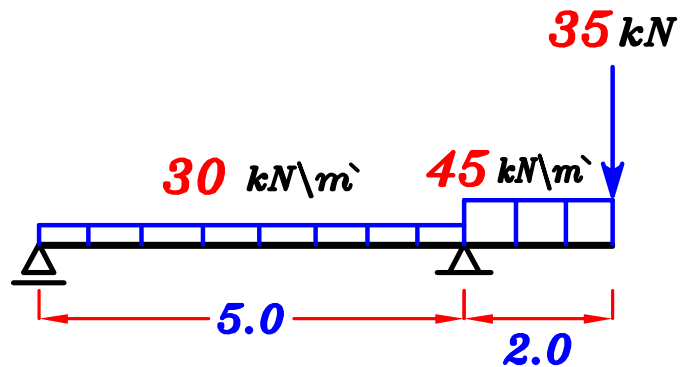
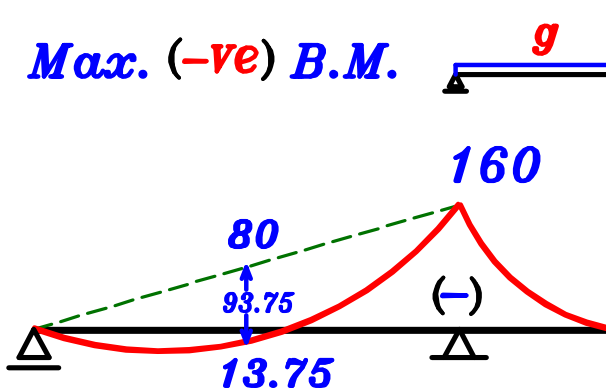


Solution.

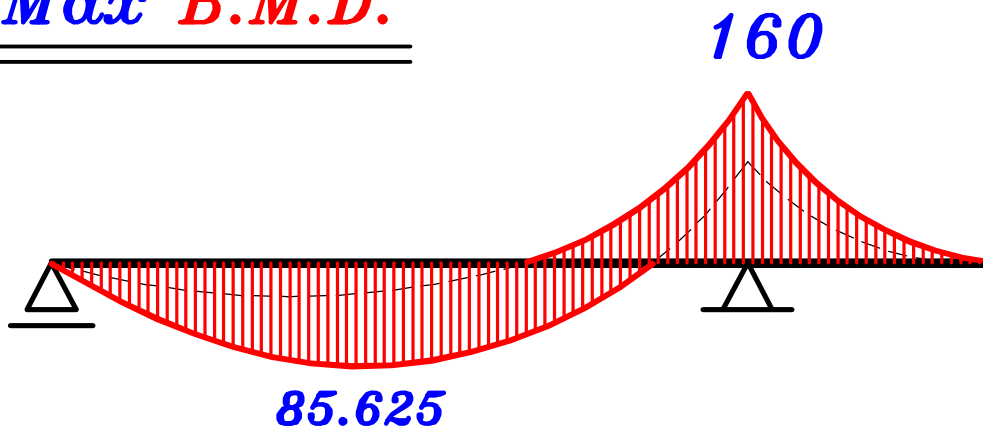
① **Max. (+ve) B.M.**



② **Max. (-ve) B.M.**

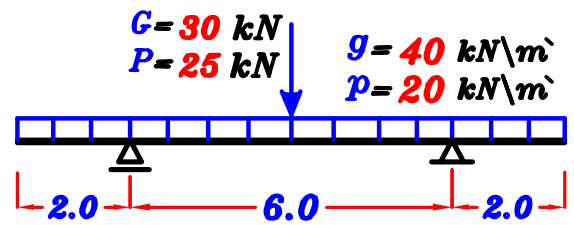


Max-Max B.M.D.

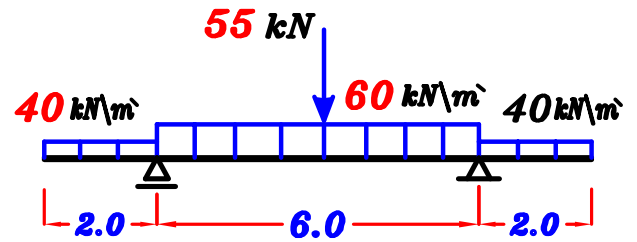


Example.

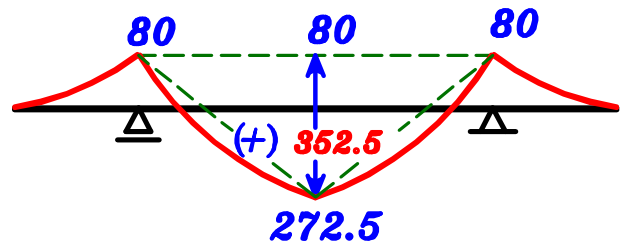
Draw Max-Max B.M.D.



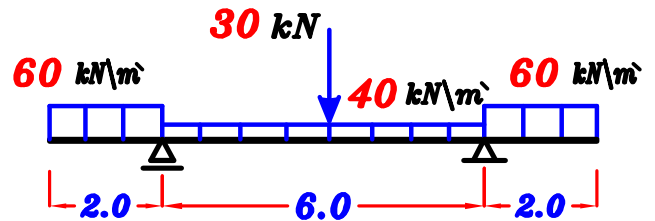
@ Max. (+ve) B.M.



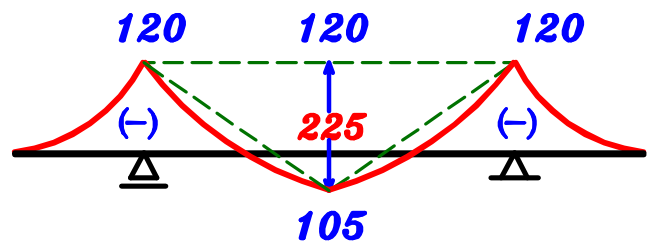
$$\frac{wL^2}{8} + \frac{PL}{4} = \frac{60(6)^2}{8} + \frac{55(6)}{4} = 270 + 82.5 = 352.5$$



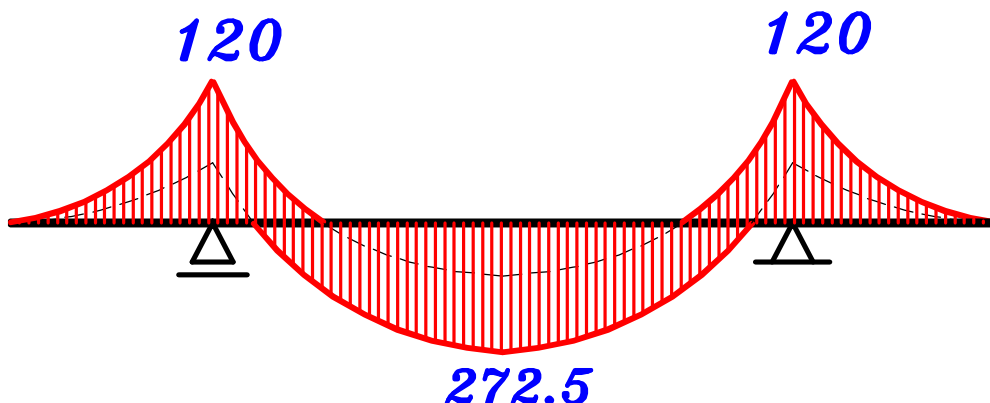
⑥ Max. (-ve) B.M.



$$\frac{wL^2}{8} + \frac{PL}{4} = \frac{40(6)^2}{8} + \frac{30(6)}{4} = 180 + 45 = 225$$



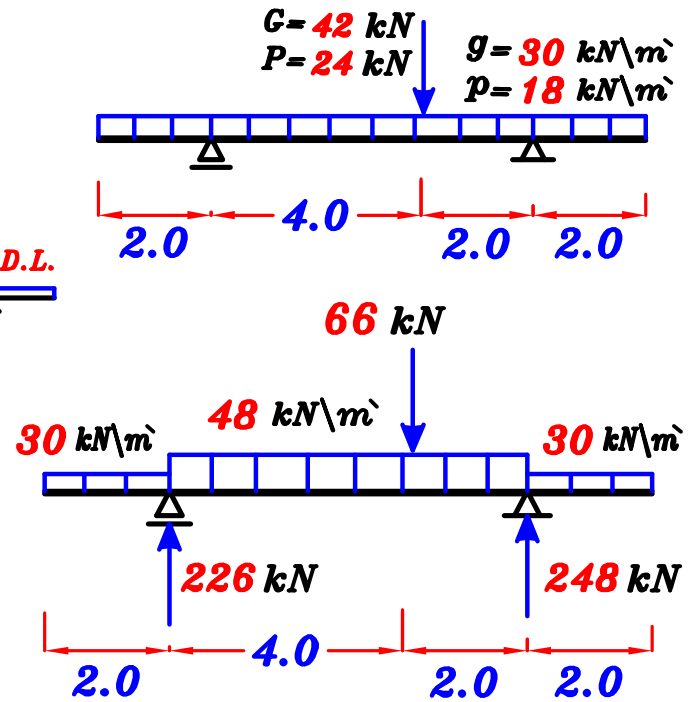
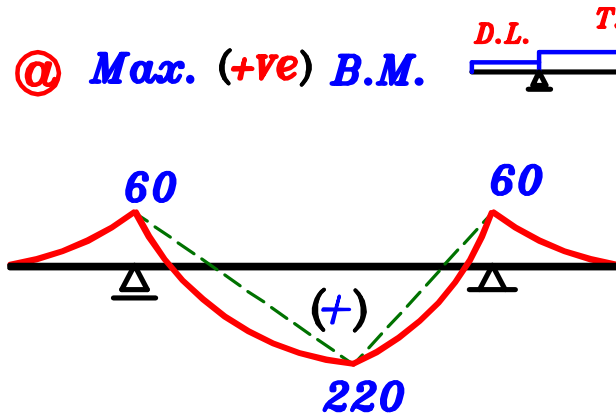
Max-Max B.M.D.



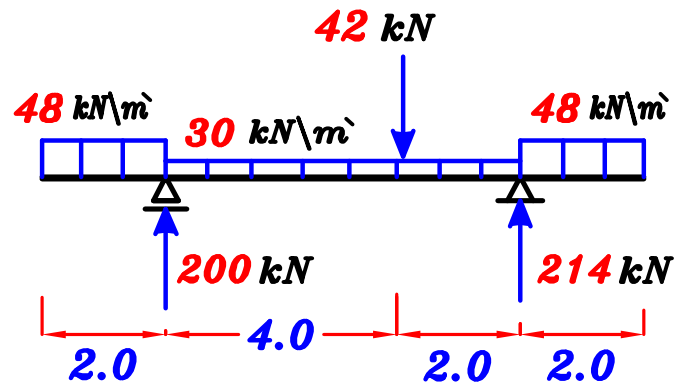
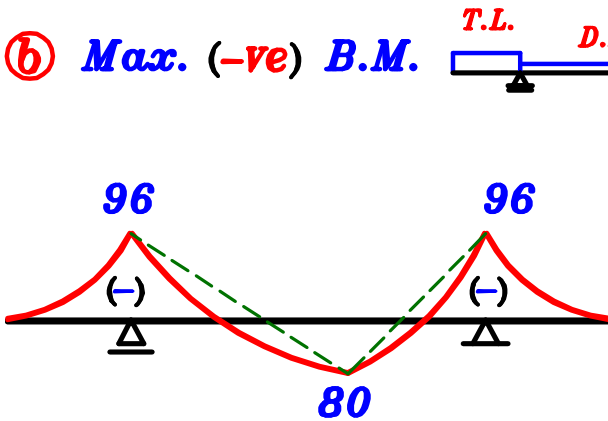
Example.

Draw Max-Max B.M.D.

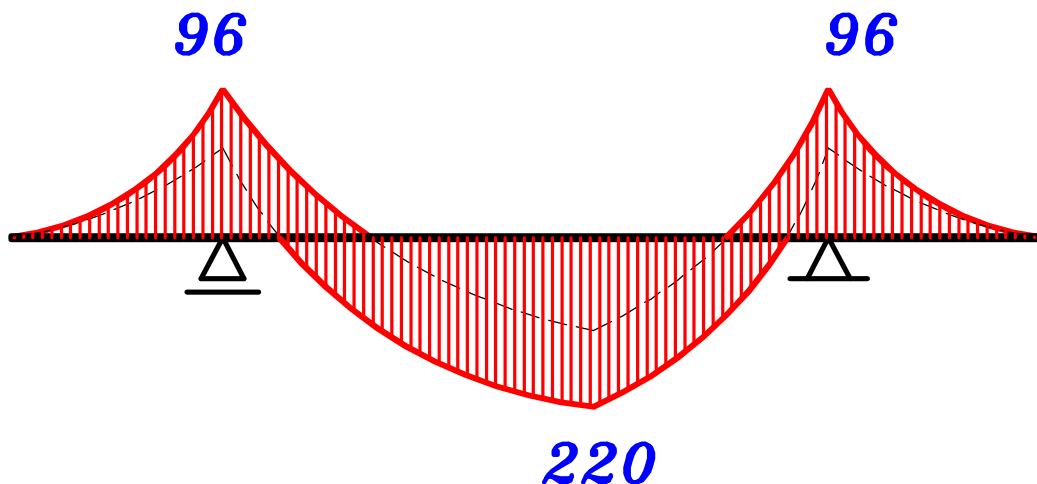
① Max. (+ve) B.M.



② Max. (-ve) B.M.

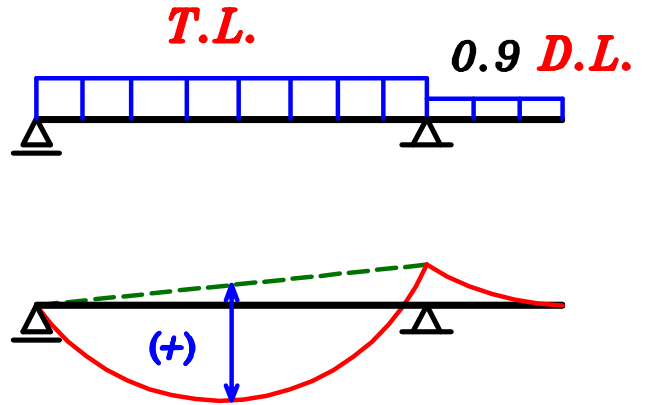
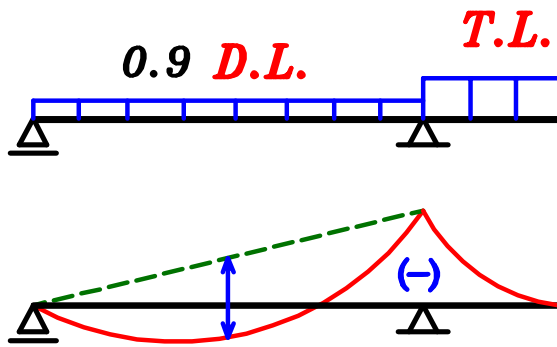


Max-Max B.M.D.

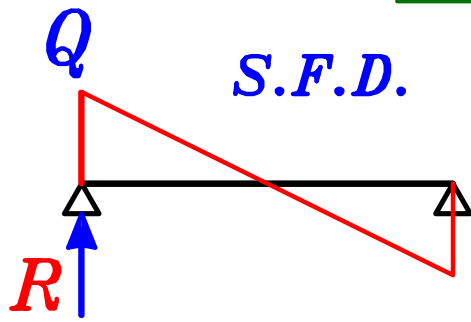


ملحوظه هامه

فى الحالات التى نضع فيها الاحمال ($D.L.$) على ال ($span$) لتقليل قيمه الحمل و ذلك لزياده ال ($moment$) من الممكن تقليل الحمل أكثر بضربه فى (0.90) حيث من الممكن تقليل قيمه الاحمال الميته فى فتره تغير الارضيه ($Floor cover$) .



Max-Max S.F.D.



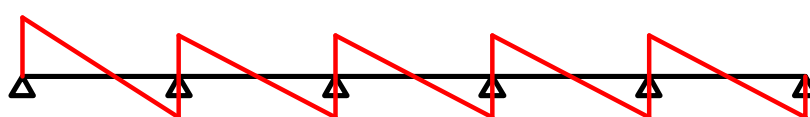
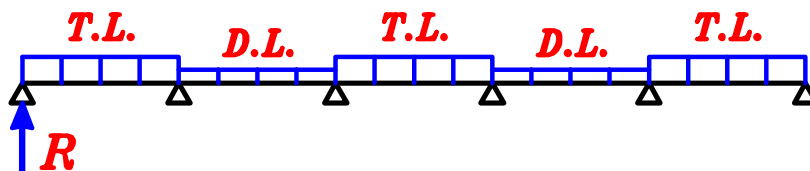
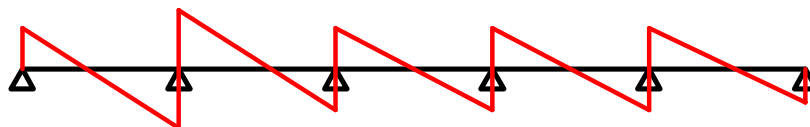
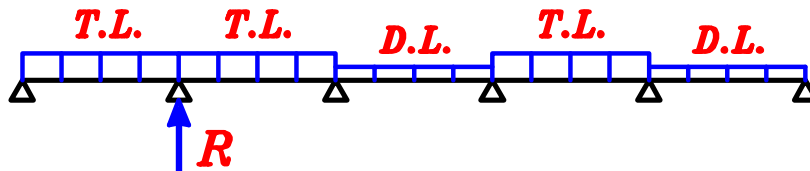
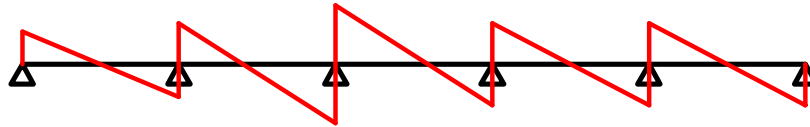
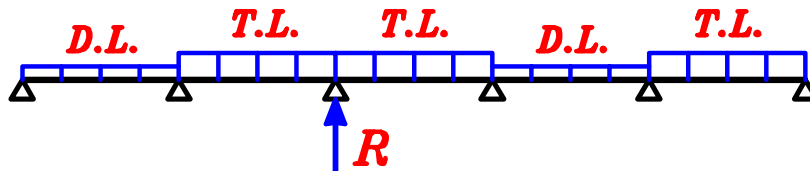
ترتبط ال **Shear Force** بال **Reactions** .

أى أنه كلما زادت قيمة ال **Reaction**

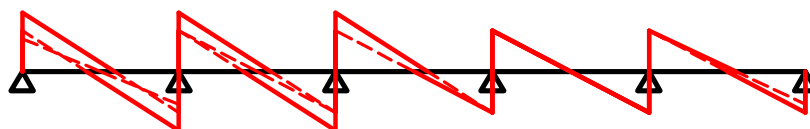
زادت قيمة ال **Shear Force**

لذلك عند رسم **Max Shear Force** نعمل على أن تكون ال **Reactions** أكبر قيمة لها .

- لمعرفة حالة التحميل التى تجعل قيمة ال **Reaction** عند أى **support** باكبر قيمة .
- بأن نضع **T.L.** يمين و يسار ال **support** و الباقى نضع **D.L.** ثم **T.L.** على التوالى .



max-max
S.F.D.

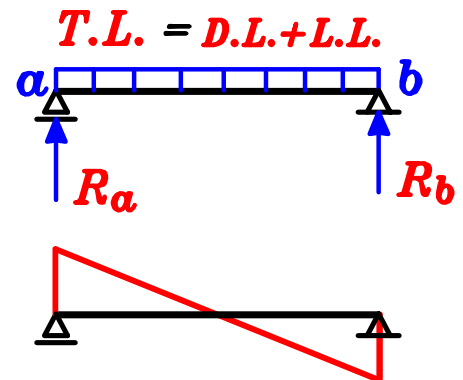


Cases of Loading to get max Shear.



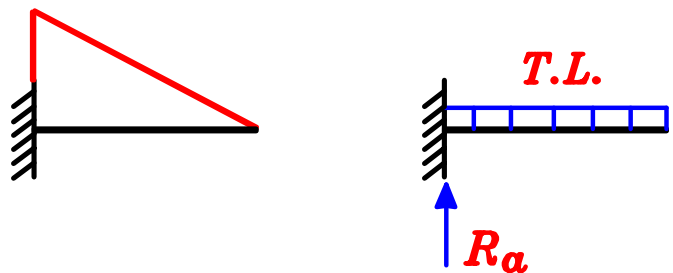
① Simple Beam.

$Max. R_a$
 $, Max. R_b$



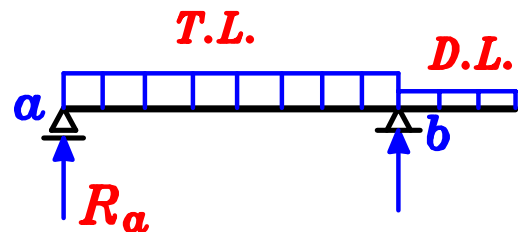
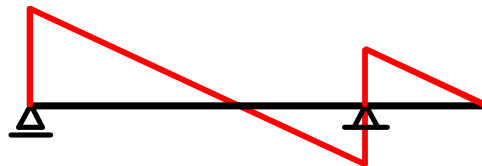
② Cantilever Beam.

$Max. R_a$

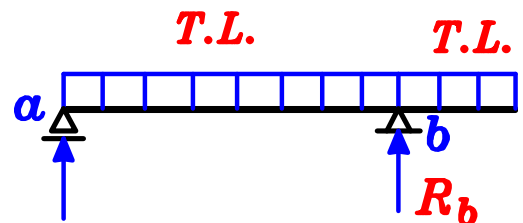
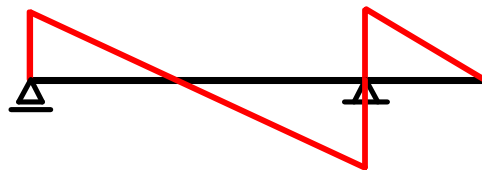


③ Beam with Cantilever.

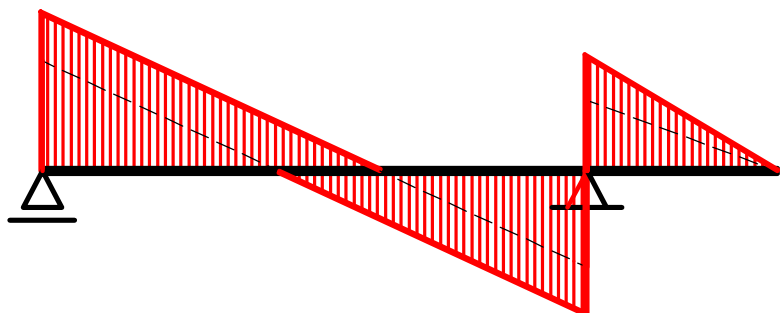
① $Max. R_a$



② $Max. R_b$

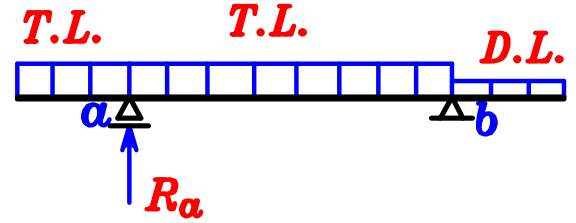
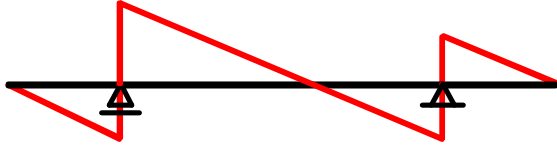


Max-Max S.F.D.

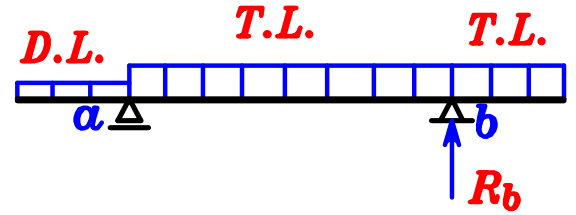
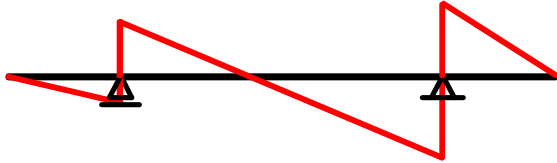


④ Beam with 2 Cantilevers.

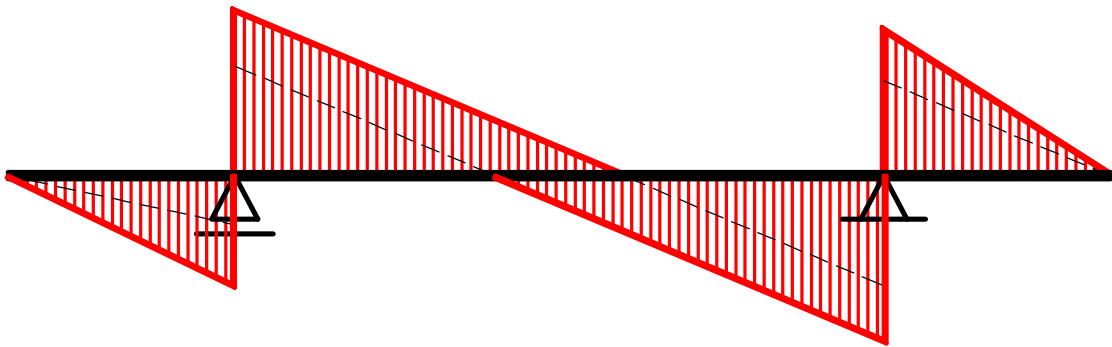
① *Max. R_a*



② *Max. R_b*



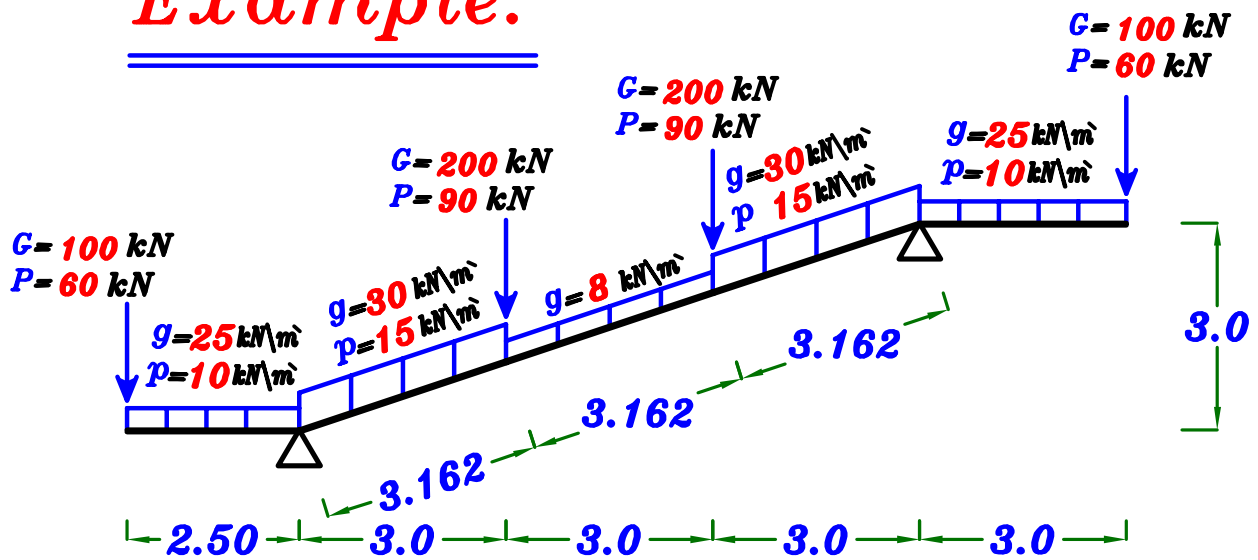
Max-Max S.F.D.



ملحوظه هامه

يمكن للتسهيل أخذ جميع حالات تحميل ال *Shear*
حاله واحده فقط و هي *T.L.* على كل الكمره .
وستكون النتائج قريبه من ال *max-max Shear*
و بالطبع هذه طريقه تقريبيه .

Example.

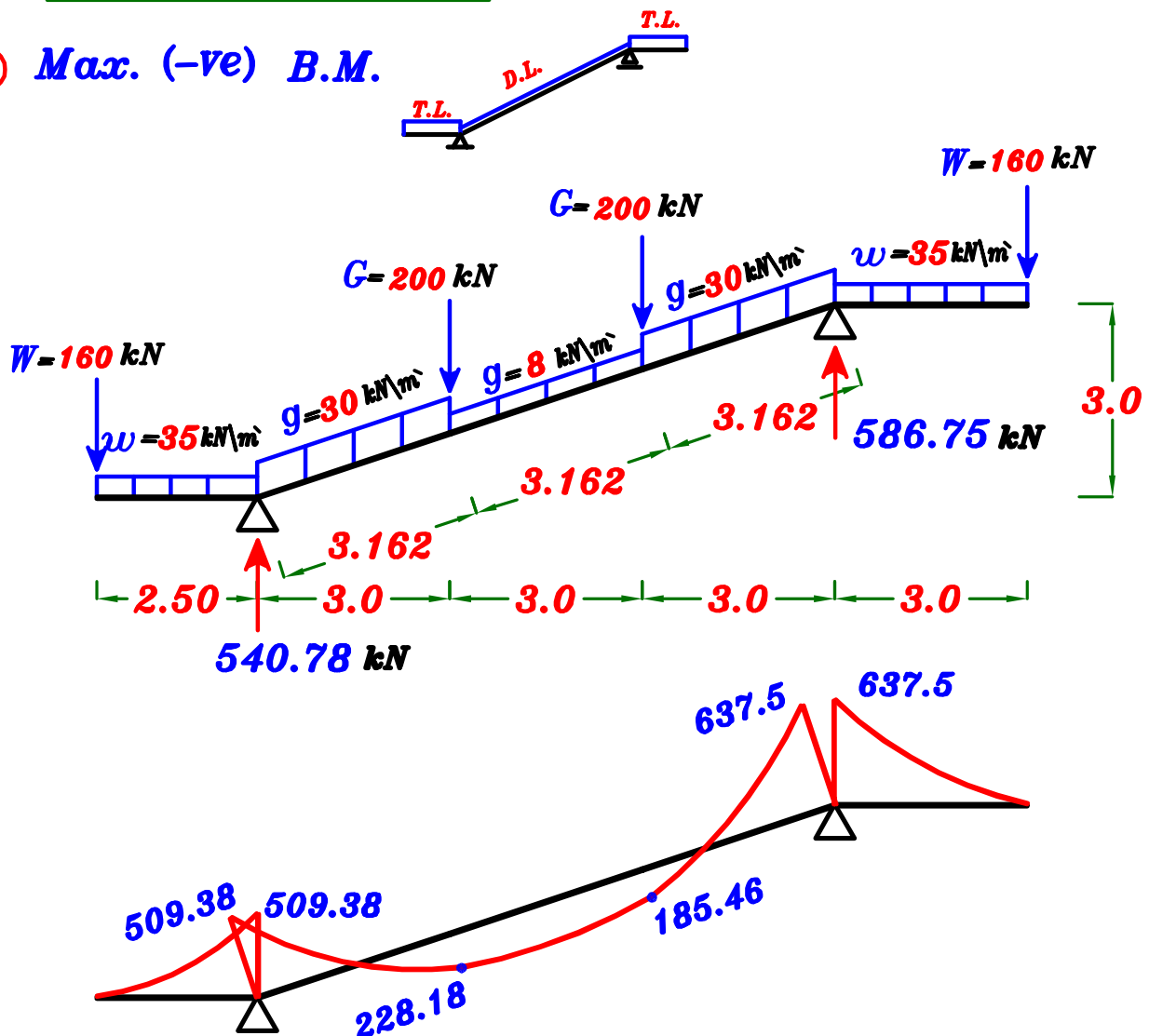


1- Draw Max-Max B.M.D.

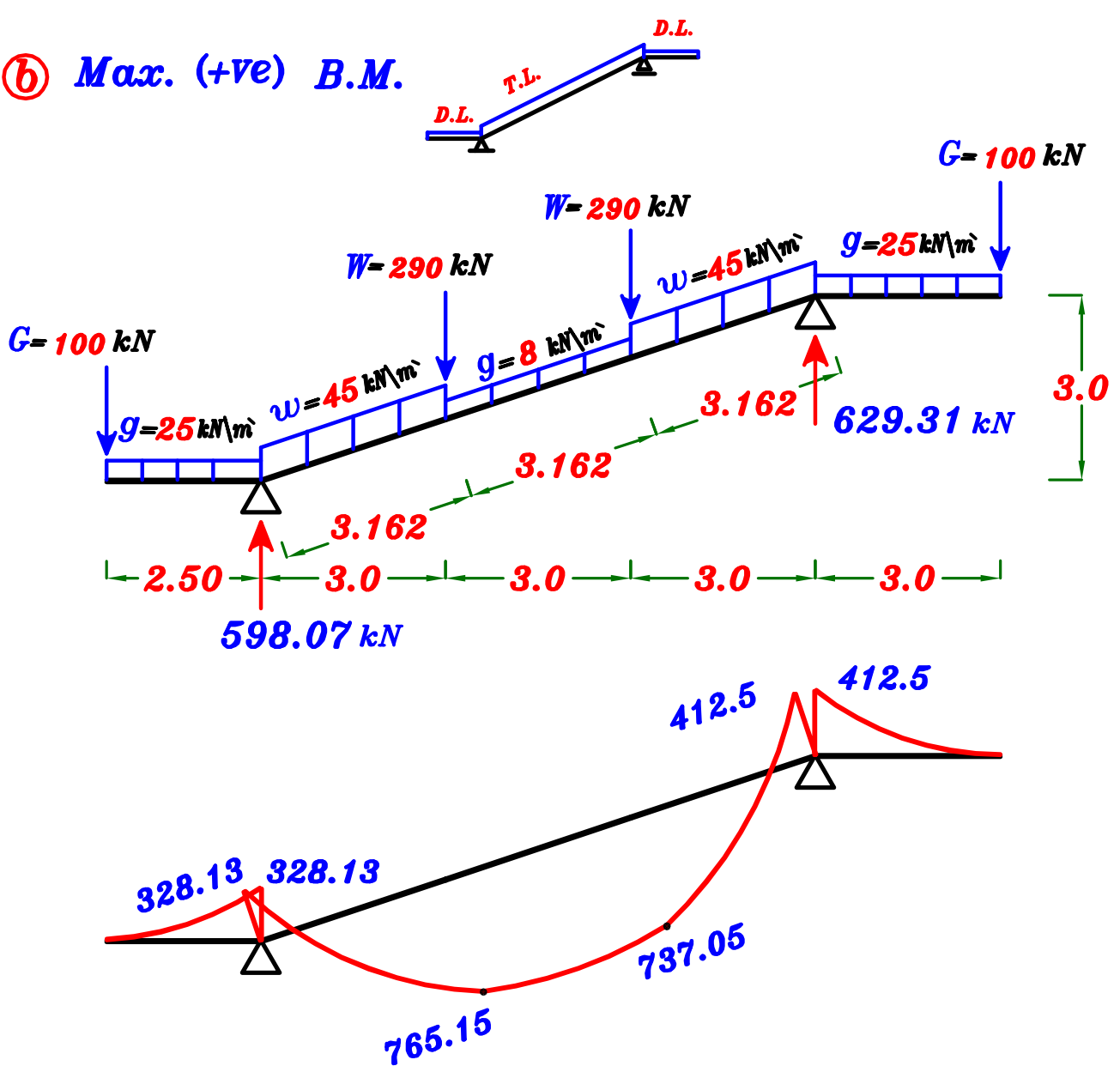
2- Draw S.F.D. & N.F.D. case of total load.

1- Max-Max B.M.D.

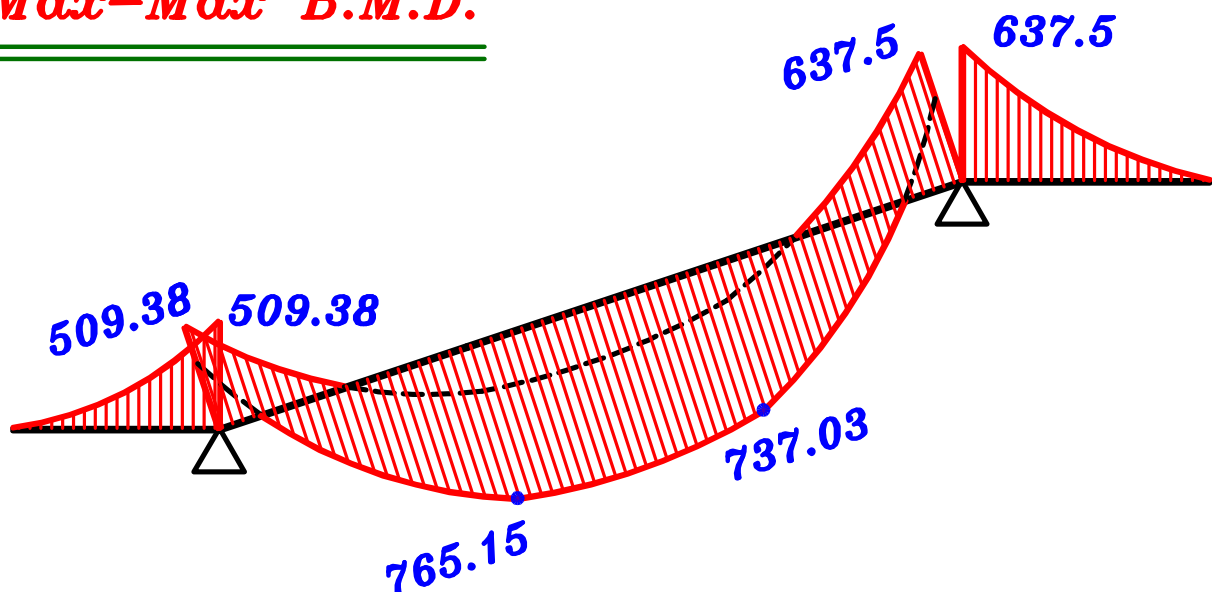
Ⓐ Max. (-ve) B.M.



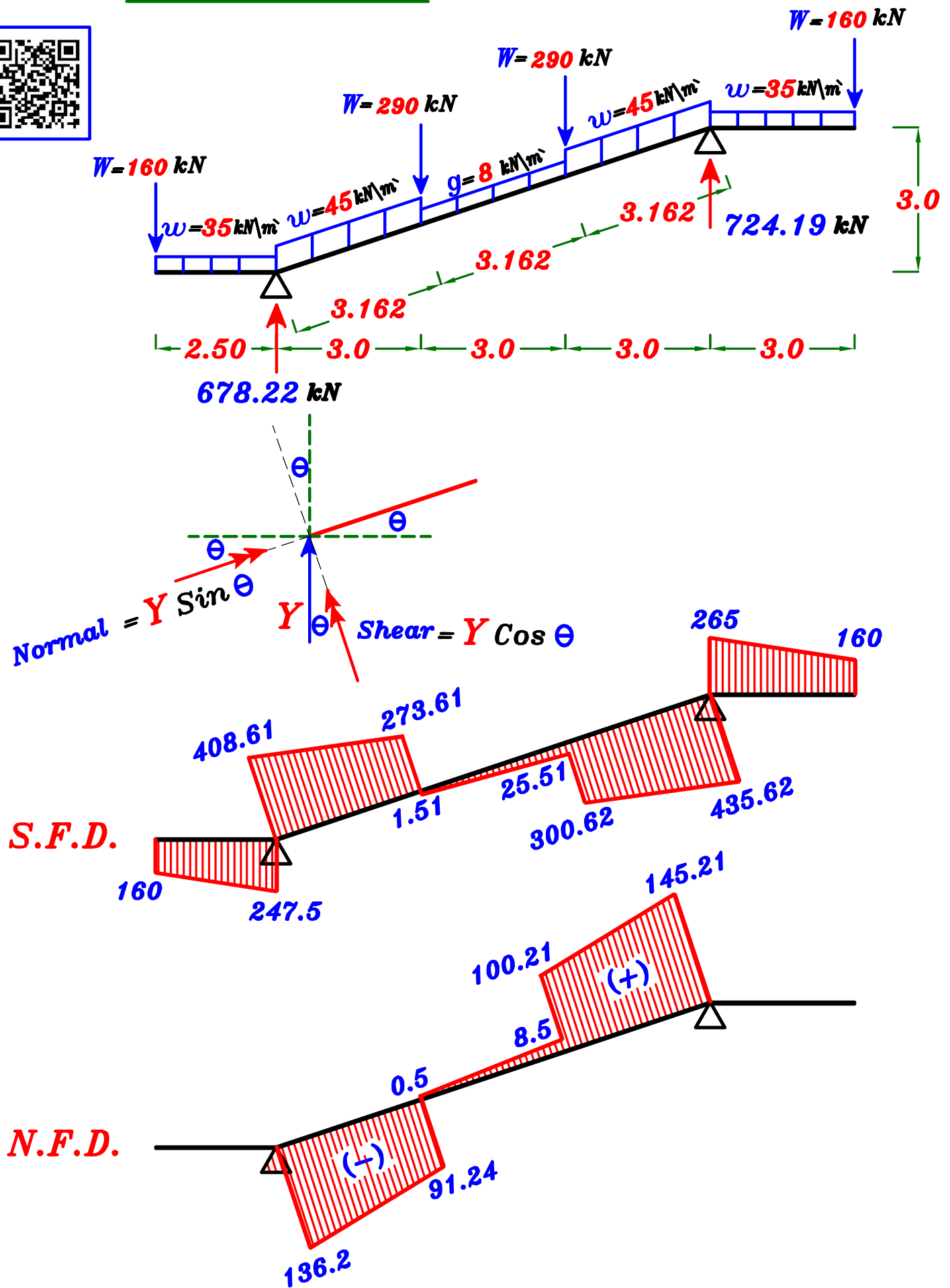
⑥ *Max. (+ve) B.M.*



Max-Max B.M.D.



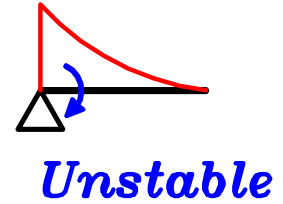
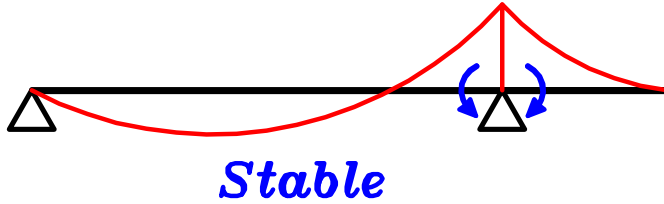
2 - S.F.D. & N.F.D. case of total load.



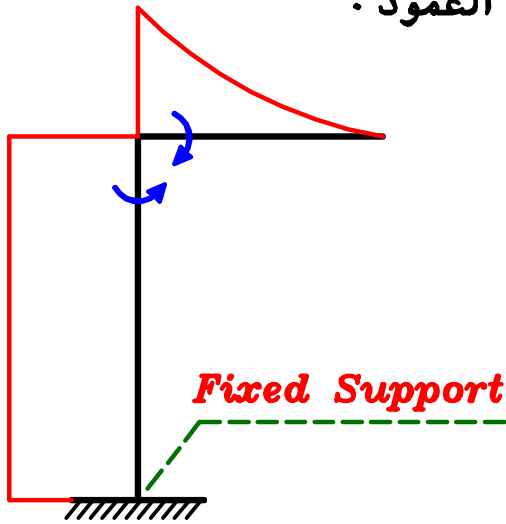
Max-Max B.M.D. For Frames.

Cantilever Frame.

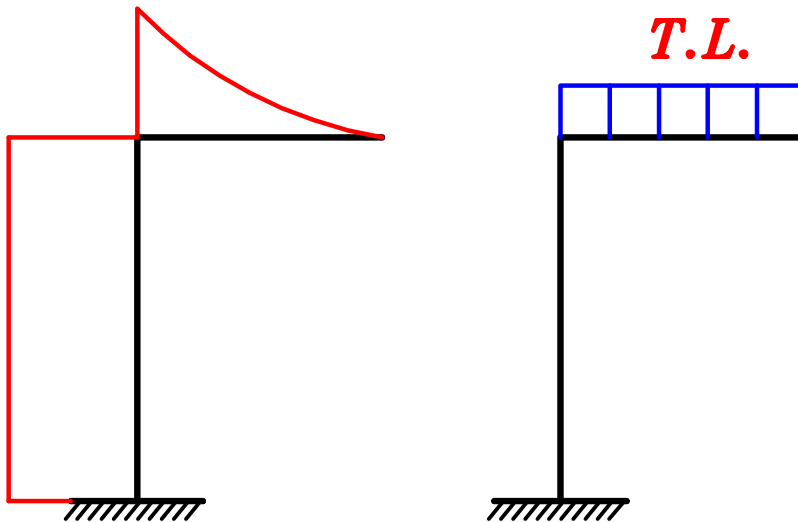
الكمرة ال **Cantilever** يجب ان يكون خلفها **span** حتى تكون **stable** حيث سينتقل **moment** ال **Cantilever** الى ال **span** التي خلفه .



أما ال **Cantilever Frame** يكون **Stable** اذا كانت قاعدته **Fixed** حيث سينتقل **moment** ال **Cantilever** الى العمود .

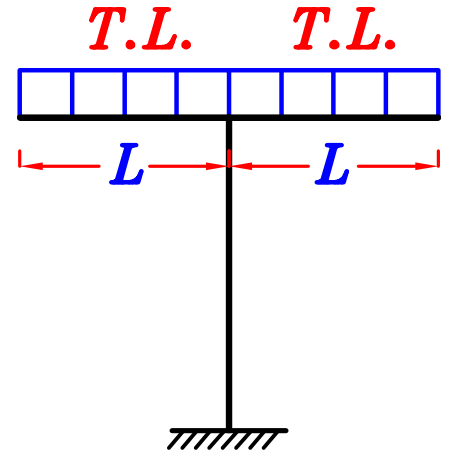
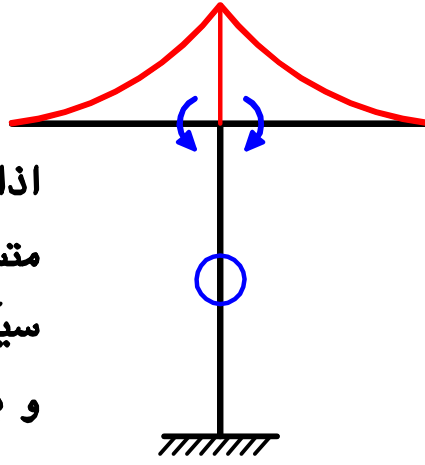


توجد حالة تحميل واحده لل **Cantilever Frame** و هي **T.L.** لانه سيحدث اكبر **moment** على ال **Cantilever** و في نفس الوقت اكبر **moment** على العمود .

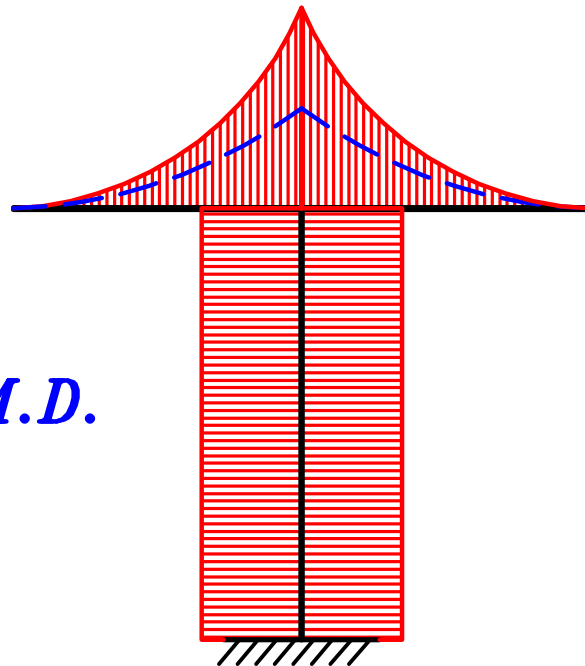
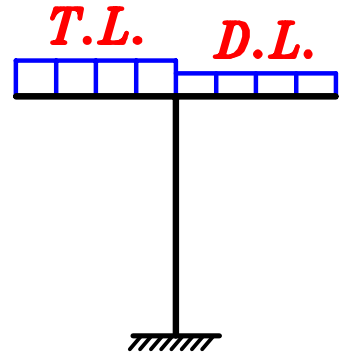
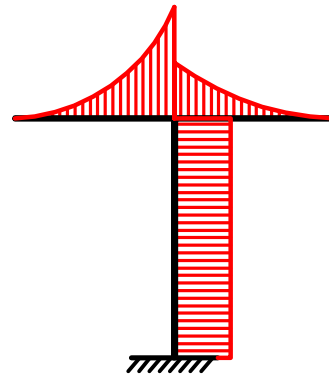
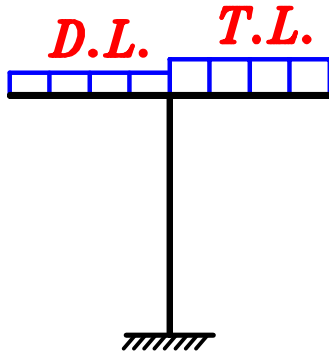
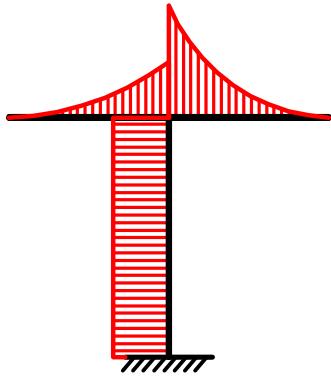


Double Cantilever Frame.

Cantilevers اذا كان طول ال
متساوى و تم وضع **T.L.** عليهما
سيكون العزمان متساويان
و بالتالى لن يتولد عزم على العمود



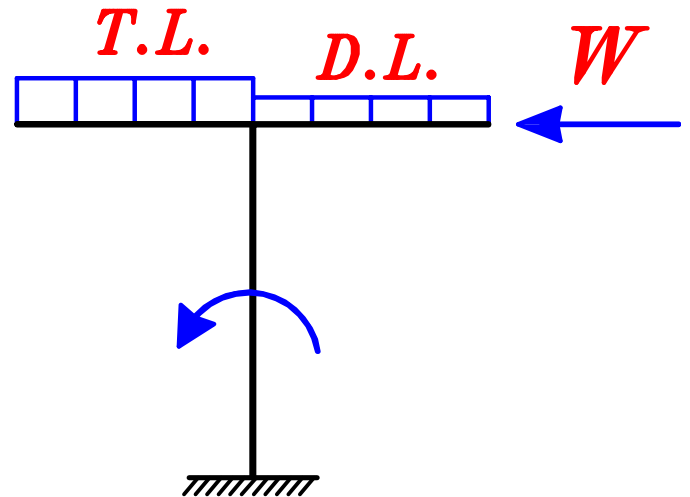
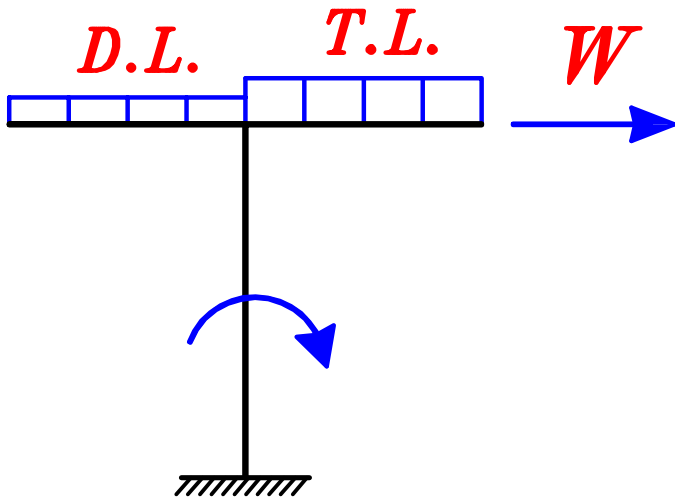
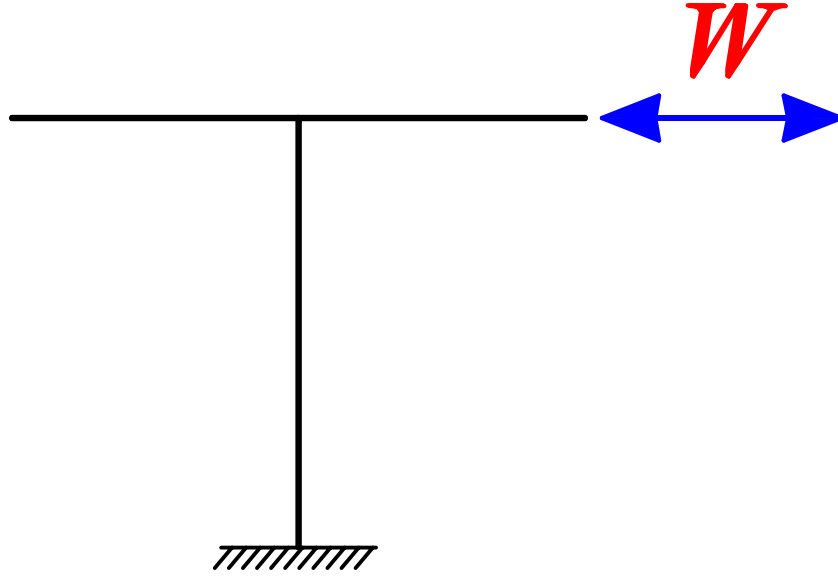
لذلك فى ال **Double Cantilever Frame** يكون هناك حالتين تحميل لاحداث
عزم على العمود .



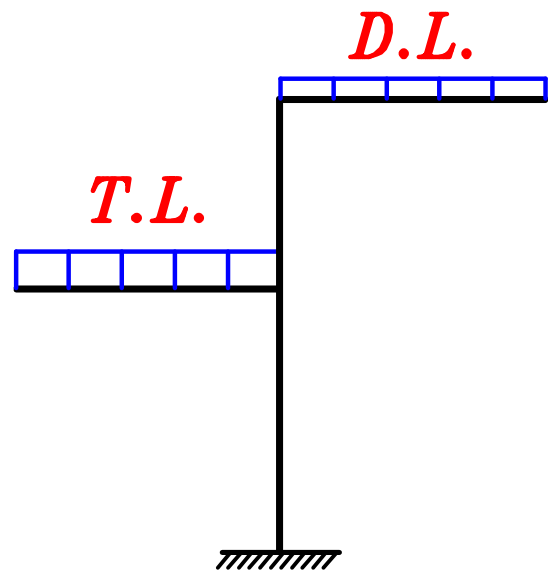
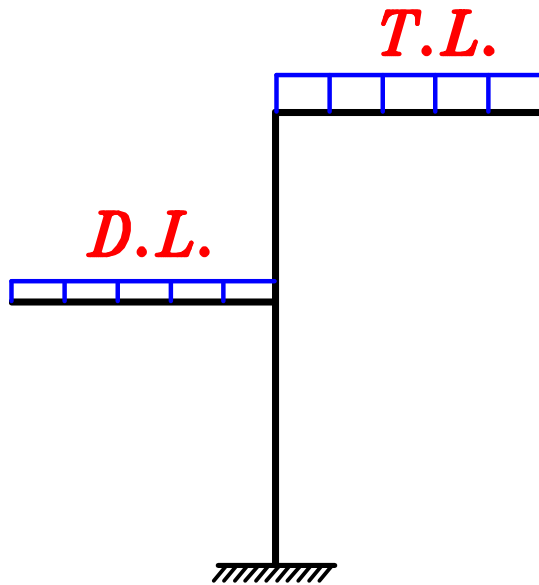
Max-Max B.M.D.

Wind Load On Frame.

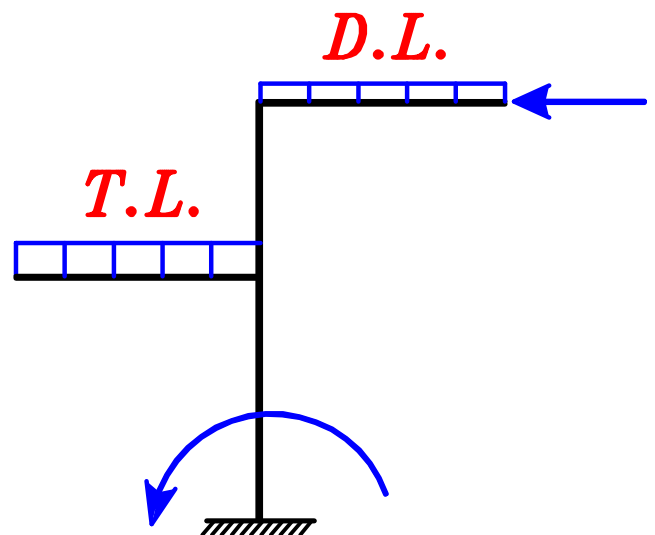
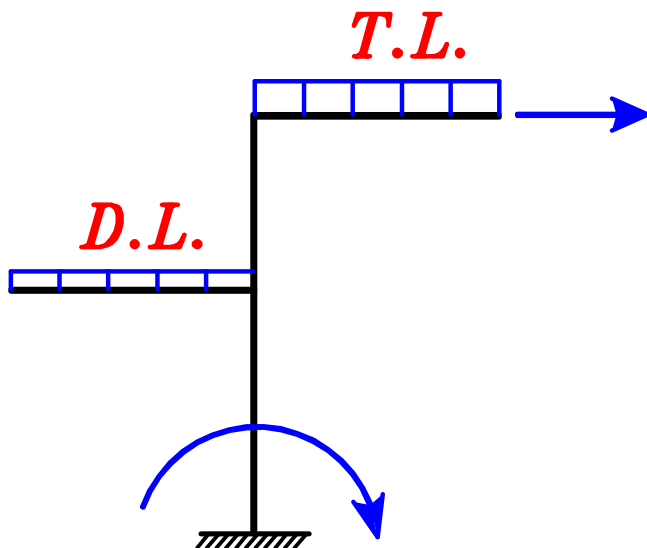
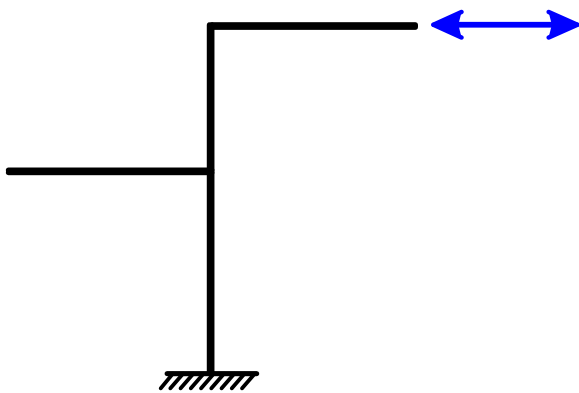
تؤثر الرياح و الزلازل بصورة اكبر على الاعمده .
لذلك عند عمل حالات التحميل لل **Frame** نأخذ اتجاه الرياح فى الجبهه
التي تعمل على زياده ال **moment** على العمود .



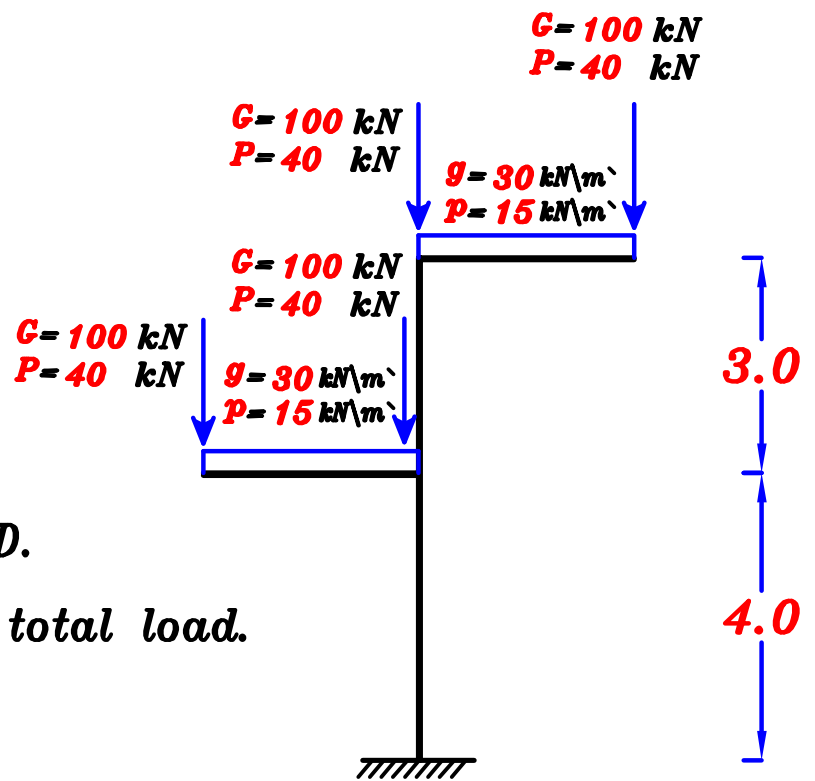
Cases of loading For double cantilever Frame. not at the same level.



IF subjected to Wind Load.



Example.



1- Draw Max-Max B.M.D.

2- Draw S.F.D. case of total load.

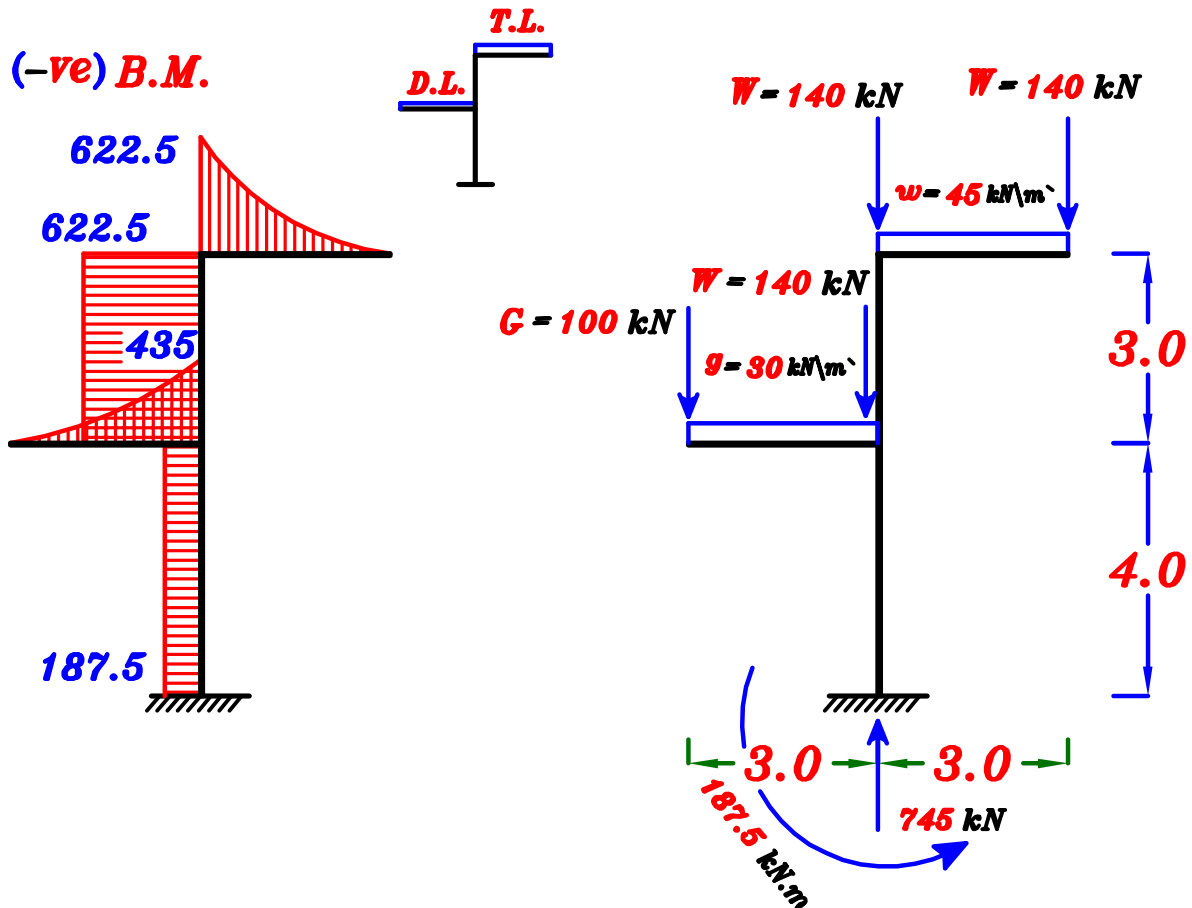
1- Max-Max B.M.D.

3.0 3.0

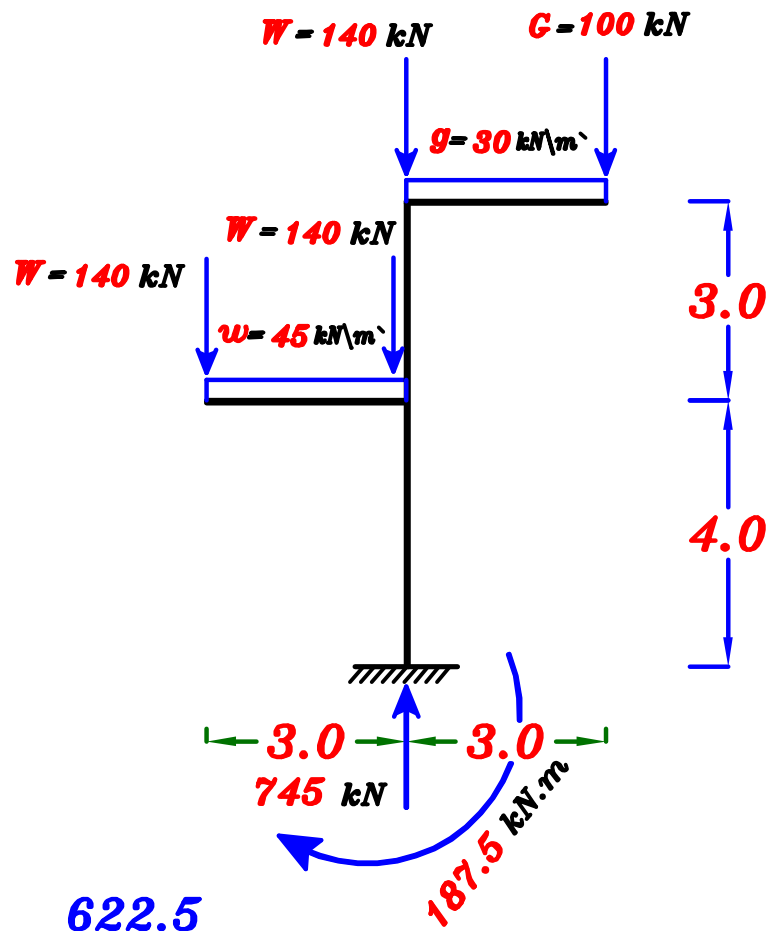
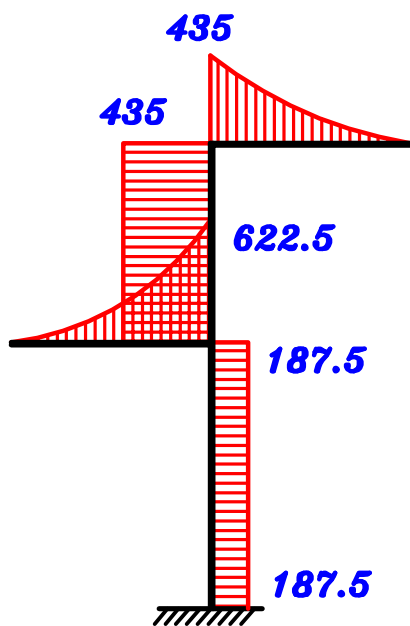
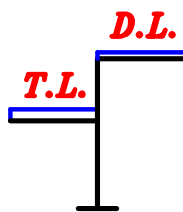
ملحوظه

عند وجود أحمال مركزة (**Concentrated Loads**) على الأعمدة مباشرة لن تؤثر على قيم كلا من **B.M. & S.F.** و سوف تؤثر على قيمة **N.F.** فقط لذا سوف نأخذ حالات تحميل هذه القوى دائماً **Total Load**.

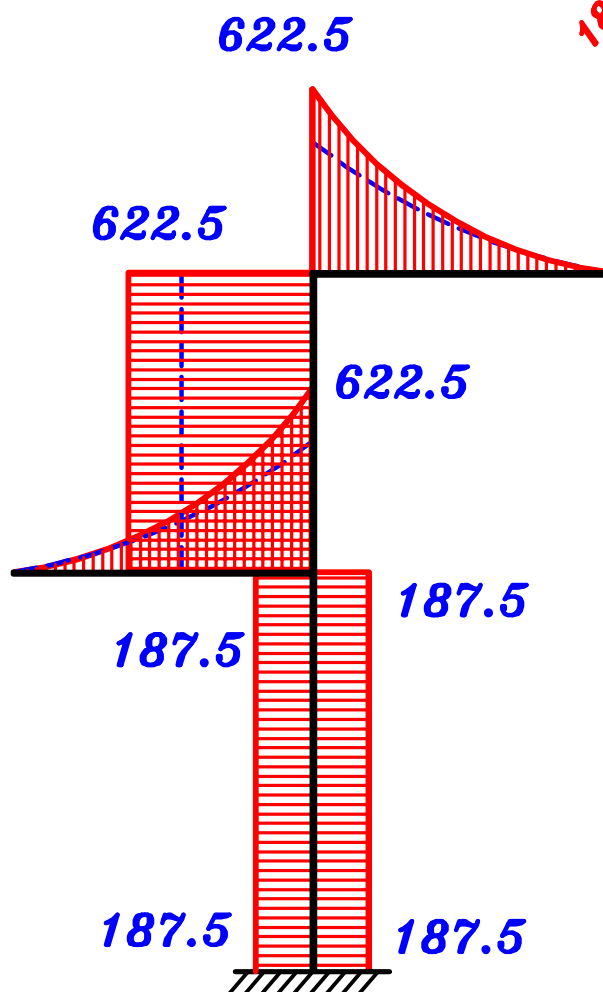
@ **Max. (-ve) B.M.**



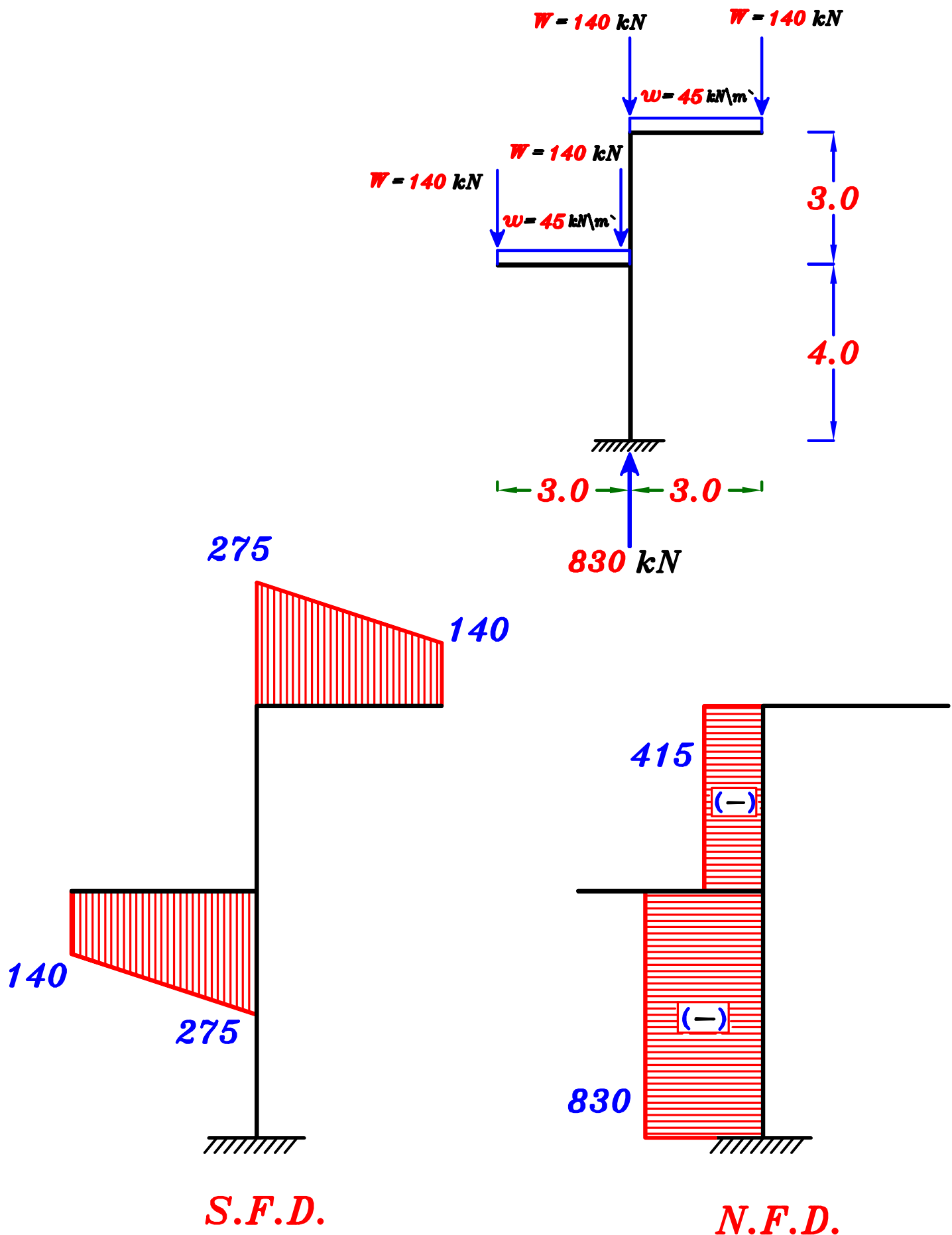
⑥ **Max. (+ve) B.M.**



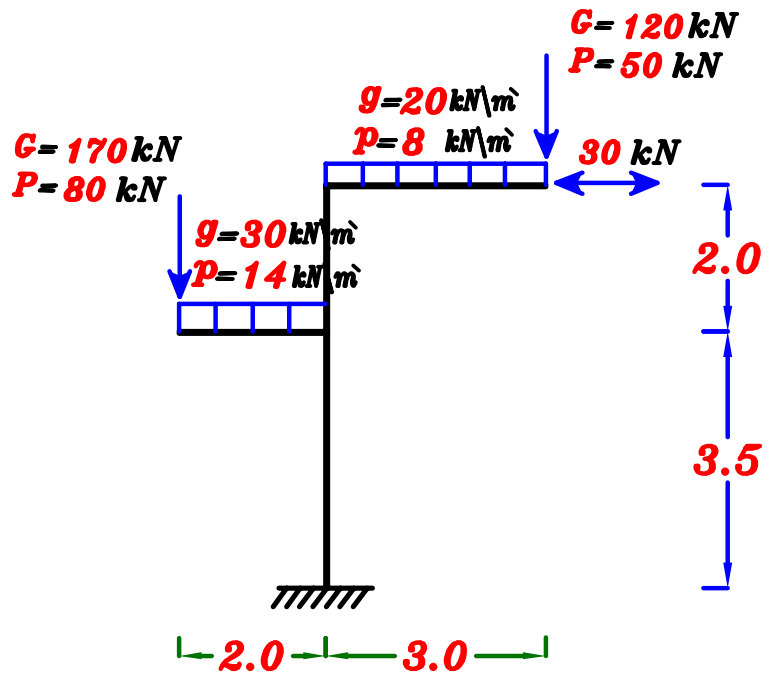
Max-Max B.M.D.



2- S.F.D. & N.F.D. case of total load.



Example.

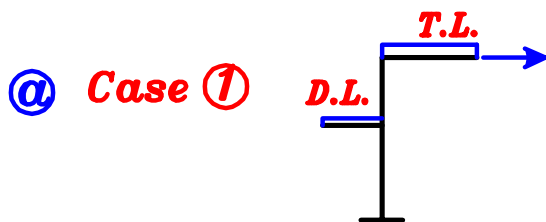


1- Draw Max-Max B.M.D.

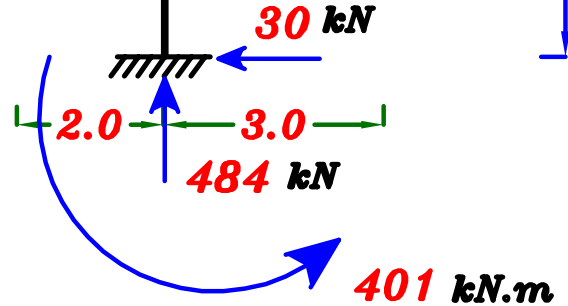
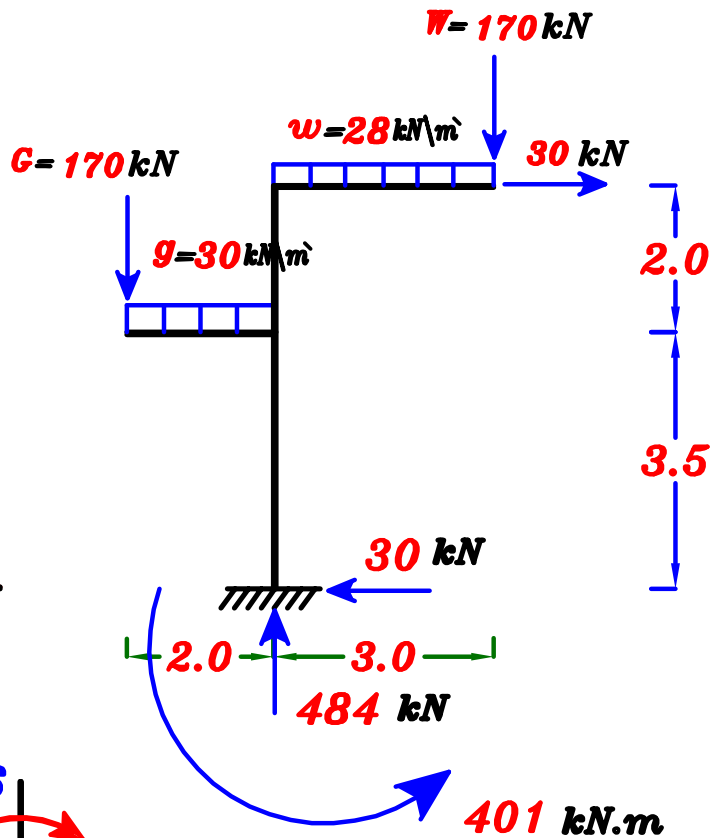
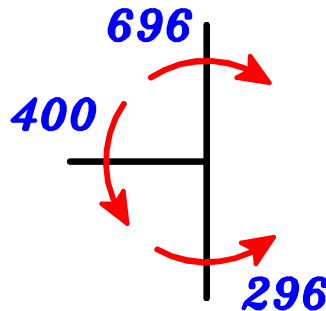
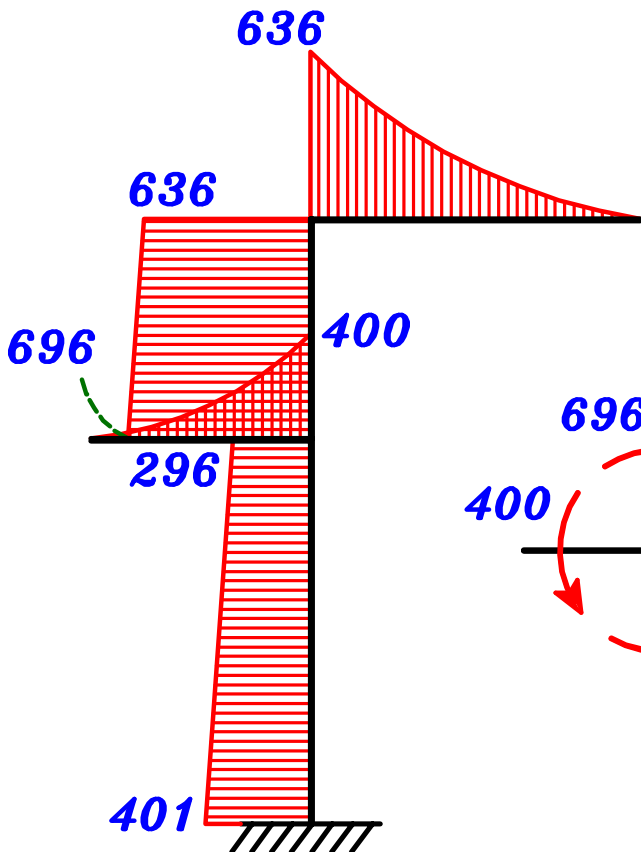
2- Draw S.F.D. & N.F.D.

case of total load.

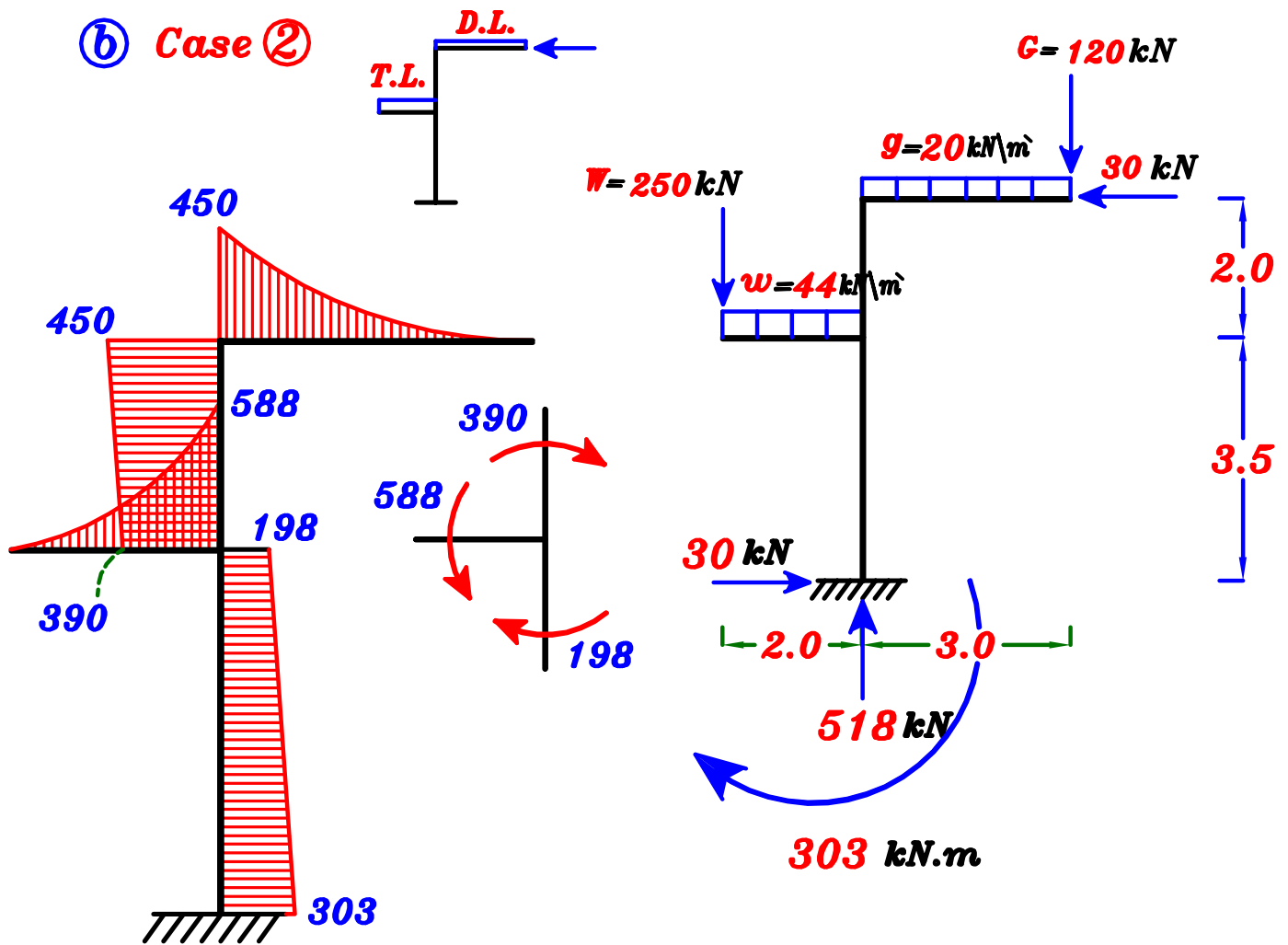
1- Max-Max B.M.D.



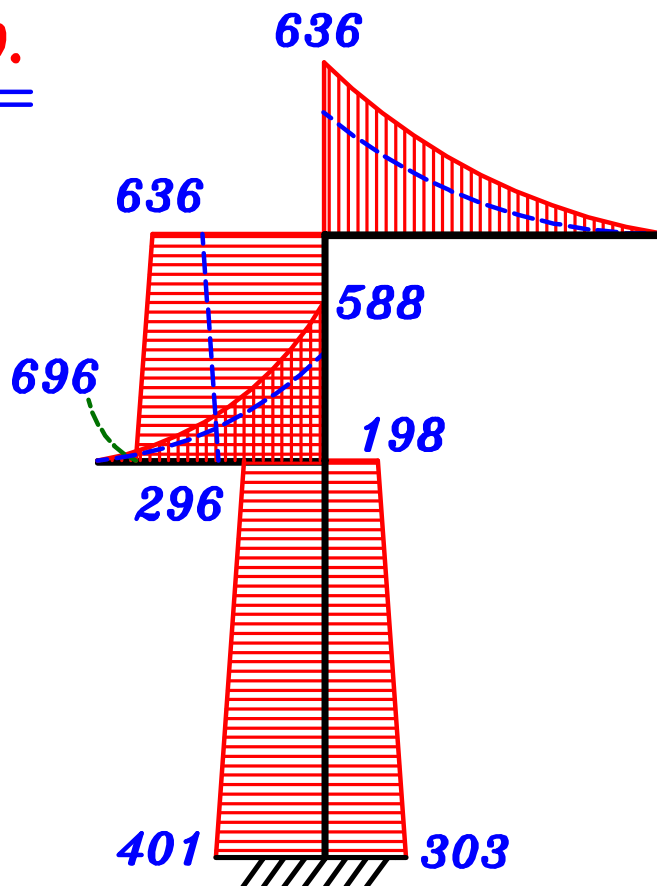
@ Case ①



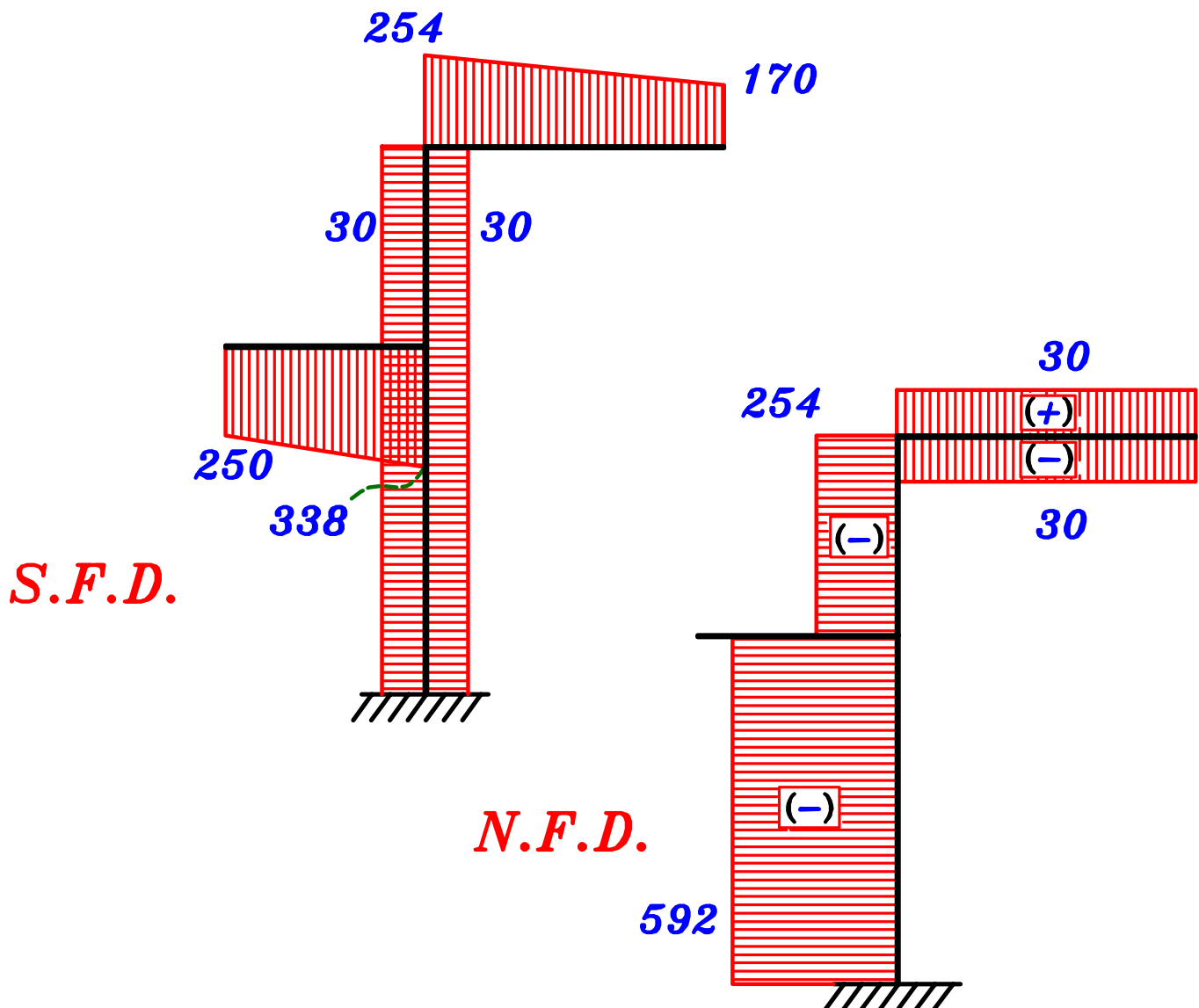
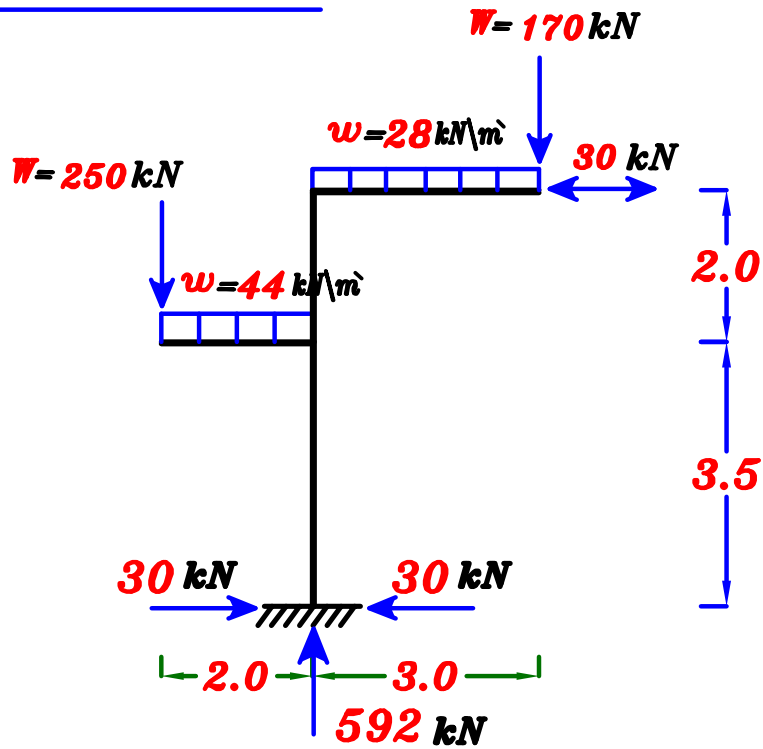
⑥ Case ②



Max-Max B.M.D.



2 - S.F.D. & N.F.D. case of total load.

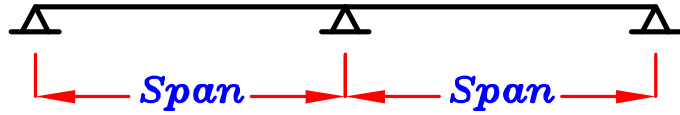


Continuous Beams.

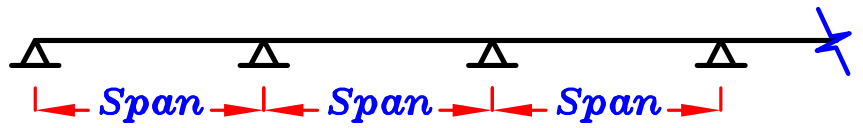
الكمرات المستمرة .

الكمرات المستمرة هي كمرات لها أكثر من بحر *Span*
و لها أكثر من ركيزتين *2 Supports*

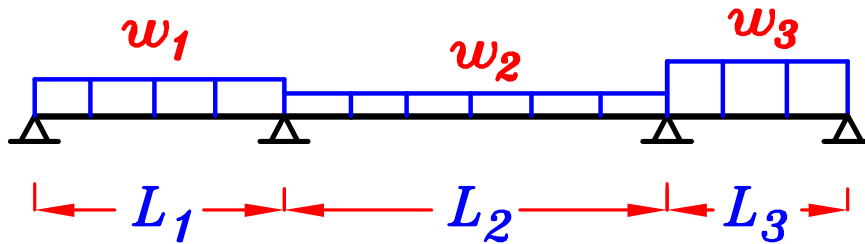
① 2 Spans.



② More than 2 Spans.



و هناك قيم لـ *max-max B.M.D.* و قيم لـ *max-max S.F.D.*



يمكن إستخدامها مباشرة بشرطين :

١ - أن تكون بحور الكمرات متساوية .

أو أن يكون الفارق بين أكبر بحر و أقل بحر لا يزيد عن ٢٠ %

$$\frac{L_{max} - L_{min}}{L_{min}} \geq 20\%$$

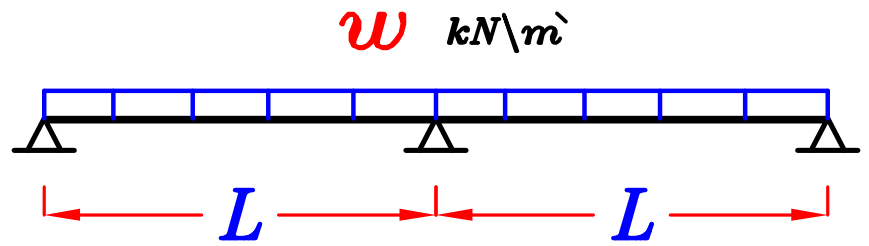
٢ - أن تكون الاحمال على البحور متساوية .

أو أن يكون الفارق بين أكبر حمل و أقل حمل لا يزيد عن ٢٠ %

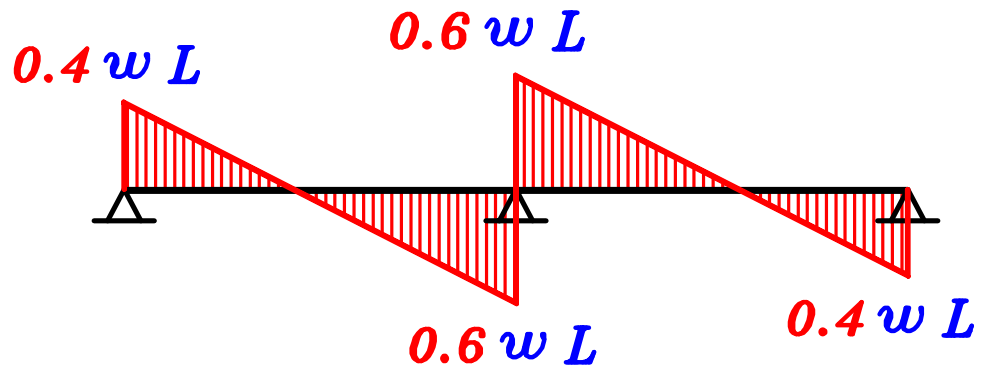
$$\frac{w_{max} - w_{min}}{w_{min}} \geq 20\%$$

① Continuous Beam with 2 spans.

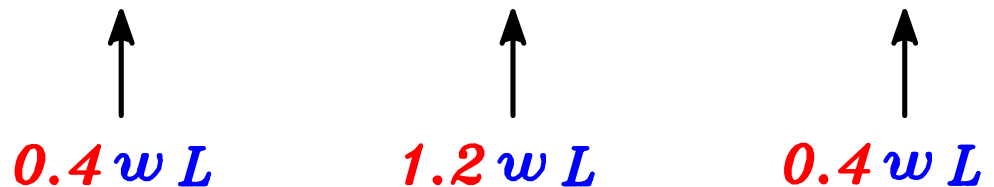
Load For Shear



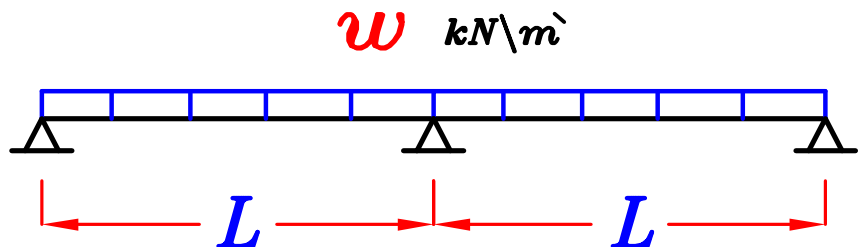
S.F.D.



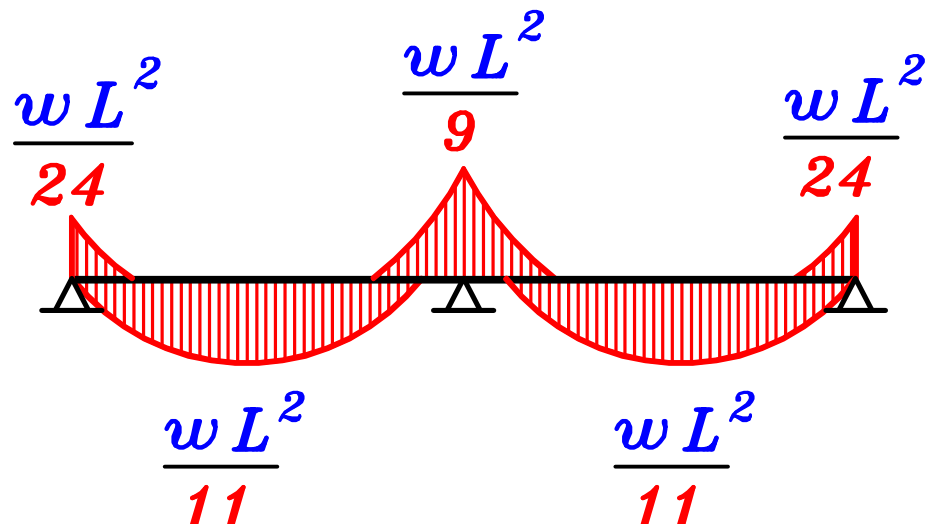
Reactions.



Load For Moment



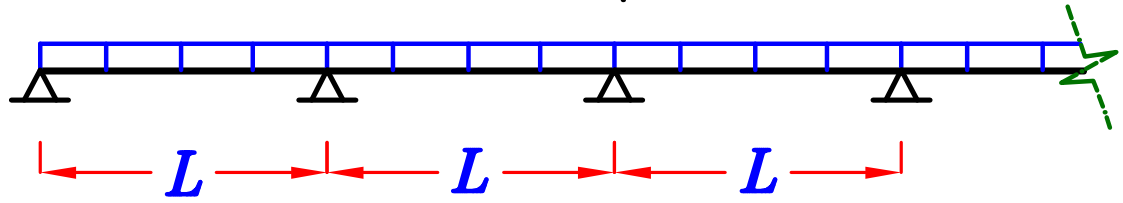
B.M.D.



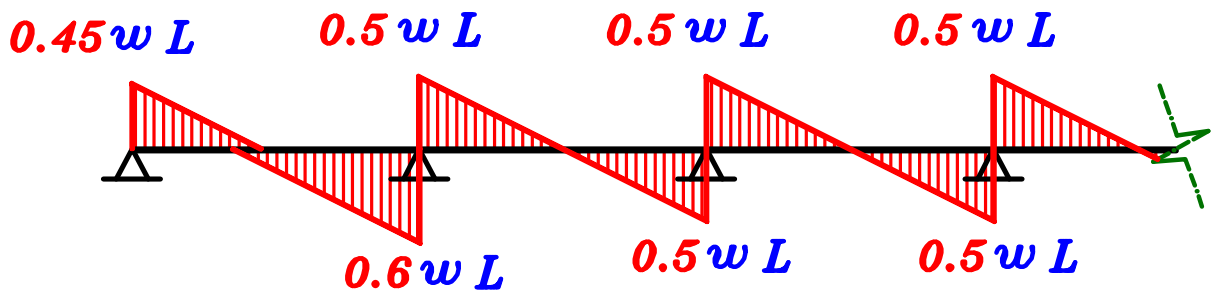
② Continuous Beam with more than 2 spans.

Load For Shear

w kN/m



S.F.D.

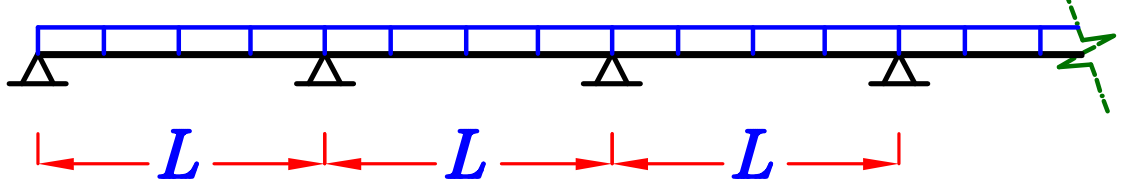


Reactions.

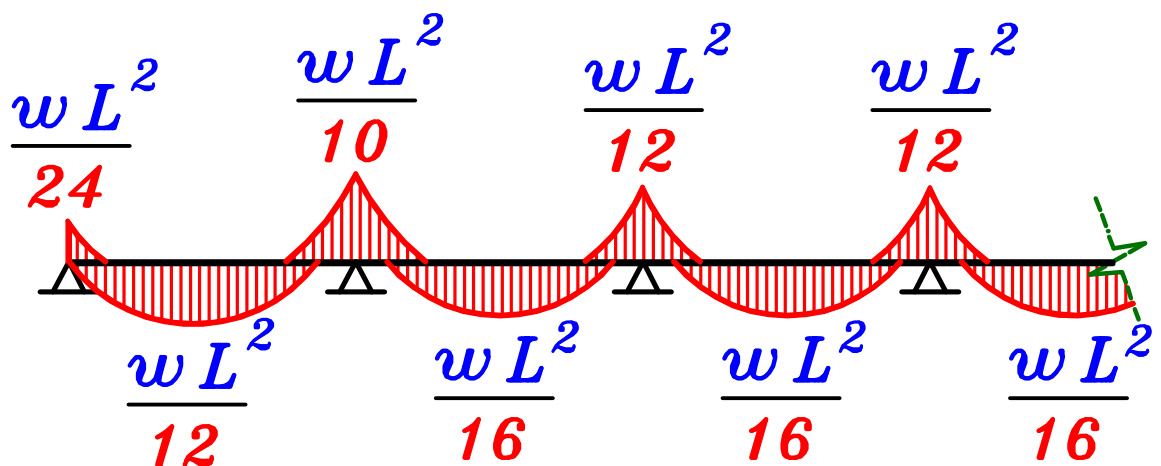


Load For Moment.

w kN/m



B.M.D.



ملحوظه لا نعمل حالات تحميل للكمرات الـ Continuous و لكن نضع عليها T.L.
لان قيم الـ max-max محفوظة على أساس أن قيمه w هي T.L.